

[/http://elbassair.net](http://elbassair.net)

عيون البصائر الصرح التعليمي الامثل



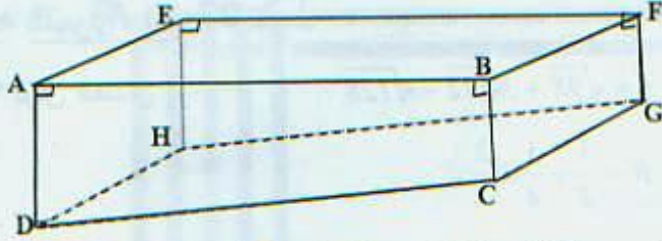
المتميز في الرياضيات

الموضوع الأول

الجزء الثاني:

كما المسألة: (brevet المقاطعات الشرقية لفرنسا دورة 2006)

مسيح له شكل موثور قائم قاعدته ABCD شكلها شبه منحرف (لأن كلا من ABCD و EFGH شبه منحرف قائم ومستوياهما متوازيان وكلا منهما عمودي على المستويات ADHE, ABFE, BCGF, CDHG).



يعطى: $AE = 5m$; $AD = 1,80m$; $BC = 0,80m$; $AB = 14m$

في الشكل أعلاه المقاييس غير مضبوطة، نعلم أن:

مساحة شبه المنحرف = $\frac{(\text{القاعد الكبرى} + \text{القاعد الصغرى}) \times \text{الارتفاع}}{2}$

حجم الموشور = مساحة القاعدة $\times$ الارتفاع

I - 1 بين أن حجم هذا الموشور يساوي $91m^3$.

2 في نهاية فصل الصيف يتم تفريغ المسبح من الماء باستعمال مضخة طاقتها $5m^3$ في الساعة.

أ/ أحسب عدد الأمطار المكعبة (m^3) الباقية في المسبح بعد ضخ لمدة 5 ساعات.

ب/ نقبل أن عدد الأمطار المكعبة الباقية في المسبح لمدة x ساعة تعطى بالدالة التآلفية f المعرفة بـ: $f(x) = 91 - 5x$

- على ورقة ميليمترية أنشئ معلم متعامد بحيث:

* يأخذ $1cm$ لكل $1h$ (ساعة).

* يأخذ $1cm$ لكل $5m^3$

- مثل بيانيا الدالة f على هذا المعلم.

ج/ استعمل القراءة البيانية لتعيين عدد الساعات اللازمة لكي يبقى $56m^3$ من الماء في المسبح.

د/ استعمل القراءة البيانية لتعيين عدد الساعات التي تستغرق من أجل لتفريغ المسبح كليا.

هـ/ أوجد النتيجة السابقتين جبريا.

- المطلوب إعطاء هذه النتائج بالساعات والدقائق.

II - إدارة المسبح أرادت تسبيج المسبح، حيث تترك مسافة

$1,25m$ بين المسبح والسياس كما هو موضح في الشكل

أدناه.

الجزء الأول:

كما التمرين (1): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2005)

1 أحسب PGCD القاسم المشترك الأكبر للعددين 6209 و 4435.

2 استعمل نتيجة السؤال السابق، لشرح لماذا الكسر $\frac{4435}{6209}$ قابل للاختزال ؟

3 أكتب الكسر $\frac{4435}{6209}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

كما التمرين (2): (brevet المقاطعات الشرقية لفرنسا دورة 2002)

- نعتبر الأعداد التالية:

$$A = \frac{7}{5} + \frac{3}{5} \times \frac{11}{6} ; B = 2\sqrt{5} - \sqrt{20} - 3\sqrt{45}$$

$$C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$$

1 أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال.

2 أكتب B على شكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد صحيح.

3 أوجد الكتابة المبسطة للعدد C.

كما التمرين (3): (brevet المقاطعات الشرقية لفرنسا دورة 2006 بنصره)

$$\begin{cases} 2x + 3y = 65 \\ 3x + y = 45 \end{cases}$$

نعتبر الجملة التالية:

1 هل الزوج $(x = 13 ; y = 13)$ حل للجملة السابقة ؟

2 حل الجملة السابقة.

3 عند بائع الحلويات؛ اشترت سعاد هلاليتين (croissant)

و 3 كعكات بمبلغ 65 دج، كما اشترى كمال 3 هلاليات وكعكة واحدة بمبلغ 45 دج.

- ما هو ثمن الهلالية الواحدة ؟

- ما هو ثمن الكعكة الواحدة ؟

كما التمرين (4): (brevet المقاطعات الشرقية لفرنسا دورة 2006)

إليك الشكل أدناه (لم نأخذ المقاييس الحقيقية بعين الاعتبار).

النقط S ، P ، E و B على استقامة واحدة.

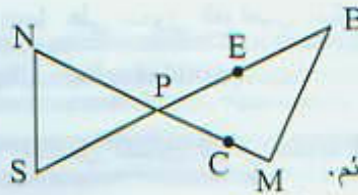
المستقيمان (MB) و (NS) متوازيان ولدنا:

$$MB = 6,4cm$$

$$PM = 12cm$$

$$PN = 9cm$$

$$PB = 13,6cm$$



1 أثبت أن المثلث PBM قائم.

2 استنتج القيمة التقريبية لقيس الزاوية .

3 أحسب طول NS.

4 لنكن E نقطة من القطعة المستقيمة [PB] بحيث: $PE = 3,4cm$

و النقطة C من القطعة المستقيمة [PM] بحيث: $PC = 3cm$

- هل المستقيمان (CE) و (MB) متوازيان ؟

1 أنقل ثم أتمم الجدول أدناه.

2 أحسب الوسط الحسابي لهذا القسم.

3 ما هي النقطة الوسيطة لهذا القسم ؟

4 أحسب تكرار النقط الأقل أو تساوي 3 على 5.

العلامة	0	1	2	3	4	5
التكرار						
التكرار المجمع الصاعد						

التمرين (3): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2005)

1 أوجد التدوير إلى 0,01 للعدد A حيث: $A = \frac{831-532}{84}$

2 حول 3,7h ساعة إلى ساعات ودقائق.

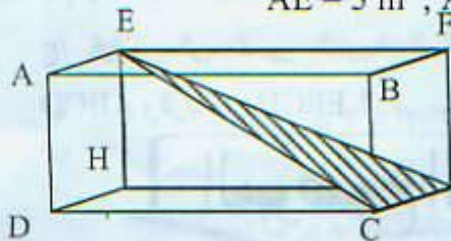
3 أوجد التدوير إلى 0,001 للعدد B حيث: $B = \frac{51}{63} - \frac{32}{85}$

4 أحسب التدوير إلى 0,01 لـ $C = \sqrt{\frac{83+167}{158}}$

التمرين (4): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2005)

ABCEFGH متوازي المستطيلات حيث:

$AE = 3 \text{ m}$; $AD = 4 \text{ m}$; $AB = 6 \text{ m}$



1 / ماذا يمكننا القول

عن المستقيمين (AE)

و (AB) ؟ علل إجابتك.

ب/ هل المستقيمان (EH) و (AB) متقاطعان ؟

2 / أحسب القيمة المضبوطة لـ EG.

ب/ نعتبر المثلث EGC القائم في G.

- أحسب القيمة المضبوطة لـ [EC] وتر متوازي المستطيلات.

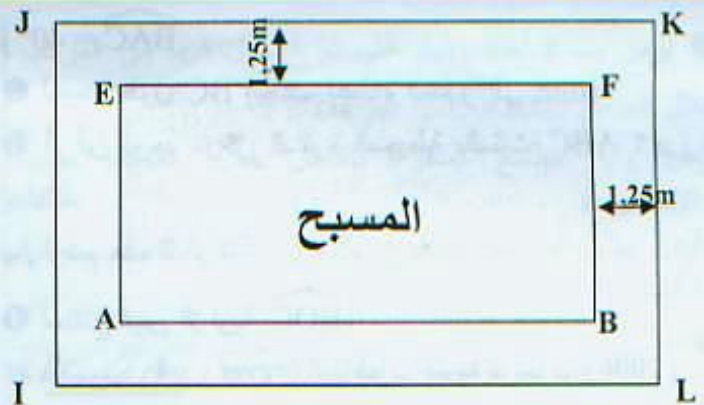
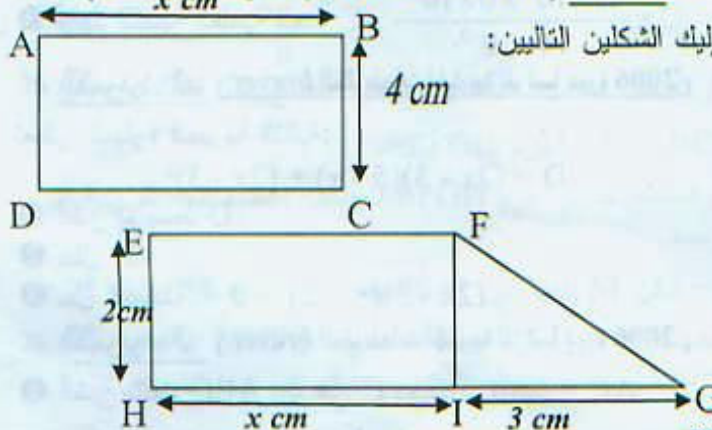
3 بين أن حجم ABCDEFGH يساوي 72 cm^3 .

4 بين أن المساحة الإجمالية لـ ABCDEFGH تساوي 108 cm^2 .

الجزء الثاني:

المسألة: (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2005)

إليك الشكلين التاليين:



1 أحسب المسافة IJ ثم JK (المطلوب إعطاء النتائج بـ cm).

2 من أجل انجاز السياج يجب استعمال عدد من الألواح مستطيلة الشكل طولها a وهو عدد طبيعي أكبر ما يمكن يعطى بالسنتيمتر.

- اشرح لماذا a هو القاسم المشترك الأكبر للعددين (PGCD) 750 و 1650.

3 أحسب قيمة a موضحا الطريقة المستعملة.

- ما هو عدد الألواح اللازمة لتسييج المسبح ؟

الموضوع الثاني

الجزء الأول:

التمرين (1): (brevet المقاطعات الشرقية لفرنسا دورة 2003)

1 أكتب العدد A على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عددين طبيعيين و b أصغر ما يمكن.

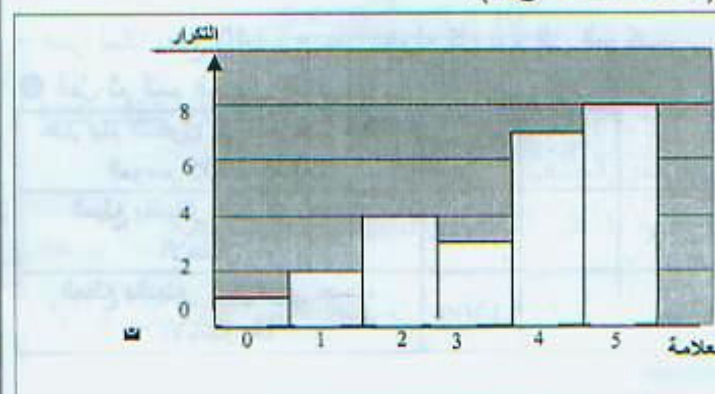
$$A = 2\sqrt{45} - 3\sqrt{5} + \sqrt{20}$$

2 أكتب العبارة B على أبسط شكل ممكن.

$$B = \frac{150 \times 10^3 \times 8 \times 10^5}{6 \times 10^7}$$

التمرين (2): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2005)

يمثل الشكل أدناه مخطط بالأعمدة لنتائج استجواب مادة الرياضيات لقسم السنة الرابعة متوسط به 25 تلميذ وتلميذة (العلامة تنقط على 5).

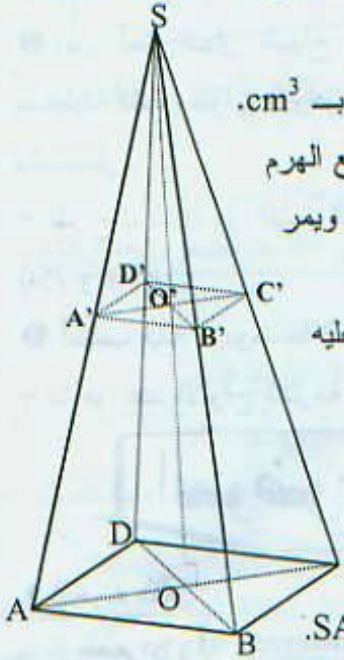


$$\widehat{BAC} = 40^\circ$$

- ② أحسب طول BC (يُطلب إعطاء المدور إلى mm)
 ③ أ/ أين يوجد مركز الدائرة المحيطة بالمثلث ABC؟ برّر إجابتك.
 ب/ ارسم هذه الدائرة.

④ استنتج قياس الزاوية $\widehat{BOC}$.

كـ التمرين (4): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2006)
 SABCD هرم قاعدته ABCD مستطيلة الشكل مركزها O.
 AB = 3cm و BD = 5cm والارتفاع [SO] طوله 6cm.



- ① بيّن أن AD = 4cm.
 ② أحسب حجم الهرم SABCD بـ cm^3 .
 ③ نسمي O' منتصف [SO]. نقطع الهرم SABCD بمستوى يوازي قاعدته ويمر من O'.
 أ/ ما هي طبيعة الشكل المحصل عليه
 SA'B'C'D'؟
 ب/ الهرم SA'B'C'D' هو
 تصغير للهرم SABCD.
 - أوجد معامل (نسبة) التصغير.
 ج/ أحسب حجم الهرم SA'B'C'D'.

• الجزء الثاني:

كـ المسألة: (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2006 بتصرف)
 نادي يملك مركب خاص بالسباحة عرض على زبائنه خلال موسم الاصطياف 2006/2005 اختياريين للدخول إلى المركب وهما:

- الاختيار A: مبلغ الدخول كل يوم هو 200 دج.
 • الاختيار B: خاص بالمنخرطين في النادي، المبلغ السنوي للانخراط هو 600 دج حيث يستفيد كل منخرط بتخفيض قدره 30% عن المبلغ الدخول كل يوم الذي هو 200 دج.
 ① سليم عضو في النادي، إذا علمنا أنه دفع حقوق الانخراط خلال الموسم.

- فسر لماذا يدفع 140 دج عند دخوله كل يوم إلى المركب.
 ② أنقل ثم أتمم الجدول التالي:

عدد أيام الدخول إلى المركب خلال الموسم 2006/2005	5	8
المبلغ بالدينار الجزائري حسب الاختيار A	1000	2200
المبلغ بالدينار الجزائري حسب الاختيار B	1300	

- ① عبّر بدلالة x عن مساحة S_{ABCD} (مساحة المستطيل ABCD).
 ② عبّر بدلالة x عن مساحة S_{EFGH} (مساحة الرباعي EFGH).
 ③ في معلم متعامد ومتجانس أنشئ:

- التمثيل البياني (d) للدالة f المعرفة بـ: $f: x \mapsto 4x$
 • التمثيل البياني (d') للدالة g المعرفة بـ: $g: x \mapsto 2x + 3$

- ④ أ/ أحسب مساحة المستطيل ABCD من أجل $x = 3$.
 ب/ أوجد هذه النتيجة بيانيا (ضع على البيان الخطوط التي توضح ذلك).
 ⑤ أ/ أوجد قيمة x التي تجعل مساحة الرباعي EFGH تساوي 15cm^2 .
 ب/ أوجد هذه النتيجة بيانيا (ضع على البيان الخطوط التي توضح ذلك).

- ⑥ أ/ حل بيانيا المعادلة: $4x = 2x + 3$.
 ب/ أوجد هذه النتيجة بعد حل المعادلة: $4x = 2x + 3$.
 ج/ كيف يمكن تفسير النتيجة السابقة وعلاقتها بالمستطيل ABCD والرباعي EFGH؟

الموضوع الثالث

• الجزء الأول:

كـ التمرين (1): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2006)
 المطلوب كتابة كل خطوات الحساب.

- ① أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال: $A = \frac{3 - \frac{2}{3}}{\frac{4}{3} \times 7}$
 ② أكتب العدد B على الشكل $a\sqrt{b}$ حيث a و b عددين صحيحين و b أصغر ما يمكن:

$$B = \sqrt{12} + 34\sqrt{3} + \sqrt{300}$$

- ③ أوجد الكتابة العلمية للعدد C: $C = \frac{49 \times 10^3 \times 6 \times 10^{-6}}{14 \times 10^{-2}}$

كـ التمرين (2): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2006)
 تعطى العبارة الجبرية التالية:

$$D = (2x - 3)(5 - x) + (2x - 3)^2$$

- ① أنشر ثم بسط D.
 ② حل D.
 ③ حل المعادلة: $(2x - 3)(x + 2) = 0$
 كـ التمرين (3): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2006)
 ① أنشئ مثلث ABC قائم في C بحيث: AC = 5cm

كـ التمرين (2): (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2006)
 1 أحسب PGCD القاسم المشترك الأكبر للعددين 675 و 375.

2 أكتب $\frac{675}{375}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

كـ التمرين (3): (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2006)

إليك العبارة: $D = (2x + 3)^2 + (2x + 3)(7x - 2)$

1 أنشر ثم بسط العبارة D.

2 حلّ العبارة D على شكل جذاء عاملين من الدرجة الأولى.

3 أحسب العبارة D من أجل: $x = -4$

4 حلّ المعادلة: $(2x + 3)(9x + 1) = 0$

كـ التمرين (4): (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2006)

1 عَلم النقاط: $A(-3; 1)$ ، $B(-1,5; 2,5)$ و $C(3; -2)$ في معلم متعامد ومتجانس $(O; I; J)$.

2 بيّن أن $AC = \sqrt{45}$

3 إذا علمت أن: $AB = \sqrt{4,5}$ و $BC = \sqrt{40,5}$

- أثبت أن المثلث ABC قائم.

4 عَيّن موضع النقطة D صورة النقطة A بالانسحاب الذي شعاعه $\overrightarrow{BC}$.

5 ما هي طبيعة الرباعي ABCD ؟ علّل إجابتك.

• الجزء الثاني:

كـ المسألة: (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2006)

في الشكل أدناه SABCD هرم قاعدته مربعة الشكل وارتفاعه [SA] بحيث: $AB = 9\text{cm}$ و $SA = 12\text{cm}$ والمثلث SAB قائم في A.

EFGH-I هو تقاطع الهرم SABCD مع مستوي الموازي لقاعدته بحيث: $SE = 3\text{cm}$

1 أ/ أحسب EF.

ب/ أحسب SB.

2 أ/ أحسب حجم الهرم SABCD.

ب/ أوجد معامل التصغير الذي يسمح لنا بتصغير الهرم SABCD إلى الهرم SEFGH.

ج/ استنتج حجم الهرم SEFGH يُطلب إعطاء قيمة تقريبية إلى الوحدة.

II- لتكن M نقطة من [SA] بحيث $SM = x\text{cm}$ للعلم أن x محصور بين 0 و 12 نسمي MNPQ تقاطع الهرم SABCD مع المستوي المار من M والموازي لقاعدته.

3 نرسم بـ x لعدد الأيام التي تمّ الدخول فيها إلى المركب خلال الموسم 2006/2005. عبّر بدلالة x

أ/ عن C_A المبلغ المدفوع بالدينار خلال الموسم حسب الاختيار A

ب/ عن C_B المبلغ المدفوع بالدينار خلال الموسم حسب الاختيار B

4 نعلم أن سليم عضو في النادي، أنفق خلال هذا الموسم مبلغ 2420 دج.

- ما هو عدد الأيام التي دخل فيها إلى المركب ؟

5 على ورقة مليمتريّة وفي معلم متعامد يأخذ:

* على محور الفواصل 1cm يمثّل سباحة يوم واحد.

* على محور التراتيب 1cm يمثّل 50 دج.

* المبدأ في الزاوية اليسرى ومن الجهة السفلى للورقة المليمترية.

- أرسم التمثيل البياني للدالتين التآلفيتين f و g المعرفتين بـ:

$$f(x) = 200x \quad \text{و} \quad g(x) = 140x + 600$$

6 في هذا السؤال، استعمال التمثيل البياني للإجابة عن الأسئلة الآتية مع تعليم النقاط البارزة على الرسم.

أ/ كريم أراد أن يدخل إلى المركب 12 يوم خلال الموسم.

- ما هو الاختيار الأفضل (الأقل تكلفة) ؟ وما هو هذا المبلغ ؟

ب/ خلال دراستها الاختيارين A و B وجدت سعاد أن المبلغ الذي دفعته متساويين.

- ما هو عدد الأيام التي دخلت فيها إلى المركب ؟ وما هو المبلغ الذي دفعته ؟

الموضوع الرابع

• الجزء الأول:

كـ التمرين (1): (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2006)

تعطى الأعداد:

$$A = \frac{1}{3} + \frac{5}{6} \div \frac{3}{2} ; B = 50\sqrt{45} - 3\sqrt{5} + 6\sqrt{125}$$

$$C = \frac{5 \times 10^{-2} \times 7 \times 10^5}{2 \times 10^7}$$

1 أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال. يُطلب كتابة كل مراحل الحساب.

2 أكتب B على الشكل $a\sqrt{5}$ حيث a عدد صحيح. أكتب كل مراحل الحساب.

3 أحسب C ثم أوجد كتابته العلمية مع كتابة كل مراحل الحساب.

التمرين (3): (brevet) المقاطعات الغربية لفرنسا دورة 2006

في معلم متعامد ومتجانس (O ; I ; J) وحدة القياس هي السنتمتر cm.

1 علم النقاط: A(1 ; 2) ، B(-2 ; 1) و C(-3 ; -2)

2 أحسب طول AB و BC.

3 أحسب إحداثيا الشعاع $\overrightarrow{BC}$.

4 أنشئ النقطة D صورة A بالانسحاب الذي يحول B إلى C

5 أثبت أن الرباعي ABCD معين.

التمرين (4): (brevet) المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2003

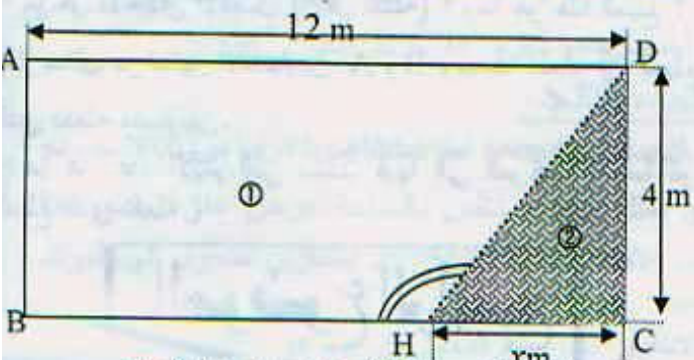
1 أحسب القاسم المشترك الأكبر PCGD للعديدين 1183 و 455.

2 أكتب $\frac{1183}{455}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

الجزء الثاني:

المسألة: (brevet) المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2005

من أجل تهيئة إقامة منزل مستطيل الشكل نقوم بإنجاز غرفا مثلثة الشكل، لذلك نضع حاجز (أنظر الشكل) ② يمثل الغرفا أما ① يمثل الإقامة بعد تهيئتها (الحاجز رُسم بخط منقطع في الشكل باعتبار سمكه معدوم).



الجزءان مستقلان عن بعضهما البعض

I- نضع: $x = 3m$

1 ما هو طول الحاجز DH ؟

2 أحسب القيمة التقريبية إلى 1° للزاوية $\widehat{HDC}$.

3 أحسب القيمة التقريبية إلى 1° للزاوية $\widehat{DHB}$.

II- 1 أ/ عبّر بدلالة x عن S_2 مساحة الغرفة ②، نضع $f(x) = S_2$

ب/ عبّر بدلالة x عن S_1 مساحة الإقامة ① نضع:

$$g(x) = S_1$$

2 إذا علمنا أن $f(x) = 2x$ وأن $g(x) = 48 - 2x$

أ/ ما هي طبيعة الدالة f ؟ ما هي طبيعة الدالة g ؟

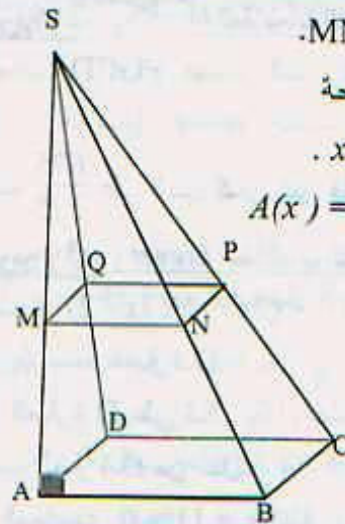
ب/ أنشئ في معلم التمثيل البياني للدالتين f و g . علما أن محصور بين 0 و 10

1 بين أن: $MN = 0,75x$

2 نرسم $A(x)$ لمساحة

المربع MNPQ بدلالة x .

- بين أن: $A(x) = 0,5625x^2$



3 أكمل الجدول التالي:

x طول SM — cm	12	10	8	6	4	2	0
A(x) مساحة المربع MNPQ							

4 علم في معلم على ورقة مليمتريّة النقاط ذات الفواصل x وذات الترتيب $A(x)$ المعطاة في الجدول السابق.

5 هل المساحة MNPQ متناسبة مع الطول SM ؟

الموضوع الخامس

الجزء الأول:

التمرين (1): (brevet) المقاطعات الغربية لفرنسا دورة 2006

1 أحسب A ثم أعطى النتيجة على شكل كسر غير قابل

$$A = \frac{1}{9} - \frac{15}{9} \times \frac{1}{6}$$

2 أكتب B على الشكل $a\sqrt{3}$ حيث a عدد صحيح.

$$B = \sqrt{48} - 3\sqrt{12} + 7\sqrt{3}$$

3 أوجد الكتابة العشرية ثم الكتابة العلمية لـ C.

$$C = \frac{2 \times 10^2 \times 1,2 \times (10^{-3})^4}{0,2 \times 10^{-7}}$$

التمرين (2): (brevet) المقاطعات الغربية لفرنسا دورة 2006 بتصرف

الجدول أدناه يمثل توزيع النقاط لاستجاب في مادة الرياضيات لـ 27 تلميذا يدرسون في قسم السنة الرابعة متوسط.

النقاط	17	14	13	10	8	6
التكرارات	1	5	7	6	5	3

1 أحسب النقطة الوسطى لهذا الاستجاب.

2 أحسب النسبة المئوية لعدد التلاميذ الذين تحصلوا على نقطة أكبر أو تساوي 10.

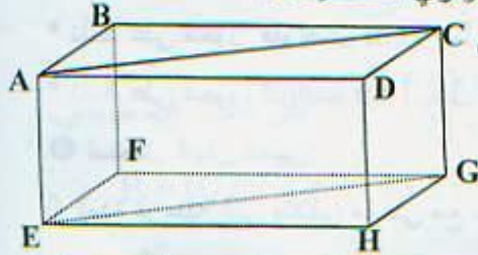
- يُطلب إعطاء التدوير إلى 10^{-2} .

- ③ ما هو عدد التلاميذ الذين تحصلوا على معدل أقل من 8.
 ④ ما هي النسبة المئوية لعدد التلاميذ الذين معدلاتهم محصورة بين 8 و 12 (أقل تماما).

النقطة n	$0 \leq n < 4$	$4 \leq n < 8$	$8 \leq n < 12$	$12 \leq n < 16$	$16 \leq n < 20$
عدد تلاميذ	2	8	9		5

التمرين (4): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2004)

في الشكل على اليسار متوازي المستطيلات.



- أتمم الجدول أدناه دون تبرير.

الموضوع	طبيعة
المثلث ABC	
الزاوية ABF	
الرباعي ABFE	
الزاوية ACG	
الرباعي ACGE	

الجزء الثاني:

المسألة: (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2005 بتصرف)

موسى يسكن في مدينة بشار. سفيان يسكن على بعد 900km عن مدينة بشار.

بدأ السير كلا من هما نحو الآخر على الساعة 8 صباحا:

* موسى انطلق من مدينة بشار بسرعة 60km/h.

* سفيان انطلق من مسكنه متجها نحو مدينة بشار بسرعة 90km/h.

نرمز بـ x لمدة الزمنية للسير بالساعات (h).

نذكر أنه عند الساعة 8 صباحا $x = 0$.

بعد ساعة من السير (أي من أجل $x = 1$) يبعد موسى عن مدينة بشار بمسافة 60km ويبعد سفيان عن مدينة غرداية بمسافة 810km.

① ما هي المسافة التي تبعد عن مدينة بشار يكون قد قطعها موسى عندما $x = 4$ ؟ ثم عندما $x = 10$ ؟

② ما هي المسافة التي تبعد عن مدينة بشار يكون قد وصل إليها سفيان عندما $x = 4$ ؟ ثم عندما $x = 10$ ؟

③ أ/ عبّر بدلالة x عن المسافة الفاصلة بين موسى ومدينة بشار.

* نأخذ على محور الفواصل 1cm لكل 1m

* ونأخذ على محور الترتيب 1cm لكل 5m²

③ نريد أن تكون مساحة الإقامة ① أقل من 35m².

أ/ اقرأ على الرسم القيمة العظمى لـ x التي تجعل هذا الشرط يتحقق.

ب/ أكتب المتراحة التي تعبر عن أن مساحة الإقامة ① أكبر أو تساوي 35m².

ج/ حل المتراحة: $48 - 2x > 35$

الموضوع السادس

الجزء الأول:

التمرين (1): (brevet المقاطعات الجنوبية لفرنسا دورة 2004 بتصرف)

① يعطى: $A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} \div \frac{5}{24}$

أكتب A على شكل كسر غير قابل للاختزال.

② يعطى:

$$B = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3} ; C = (5 + \sqrt{3})^2$$

$$D = (\sqrt{2} + \sqrt{5})(\sqrt{2} - \sqrt{5})$$

أ/ أكتب B على شكل $b\sqrt{3}$ حيث b عدد صحيح.

ب/ أكتب C على شكل $e + f\sqrt{3}$ حيث e و f عددين صحيحين.

ج/ بين أن D عدد صحيح.

التمرين (2): (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2004 بتصرف)

$$\begin{cases} x + 2y = 1790 \\ 4x + y = 2610 \end{cases}$$

① حل الجملة:

② أرادت مؤسسة تربية تجديد قواميس وموسوعات مكتبتها،

في الفصل الأول تم شراء قاموس واحد (1) وموسوعتين (2)

بمبلغ 1790 دج، وفي الفصل الثاني تم شراء (4) قواميس

وموسوعة واحدة (1) بمبلغ 2610 دج إذا علمنا أن كل

القواميس لها نفس السعر وكل الموسوعات لها نفس السعر.

- ما هو ثمن القاموس الواحد؟ ما هو ثمن الموسوعة الواحدة ؟

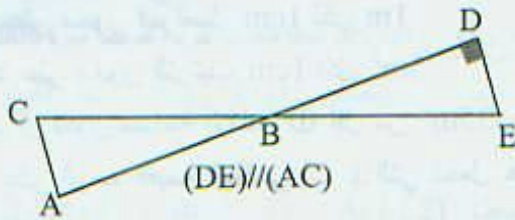
التمرين (3): (brevet المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2004)

الجدول أدناه يبين جميع لمعدلات 35 تلميذا وتلميذة في قسم السنة الرابعة متوسط.

① أكمل الجدول أي يُطلب تعيين عدد التلاميذ الذين معدلاتهم

محصورة بين 12 و 16 (أقل تماما).

② ما هو عدد التلاميذ الذين تحصلوا على معدل أقل من 12.



الشكل (3)

التمرين (3): *brevet* المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2004 بتصرف

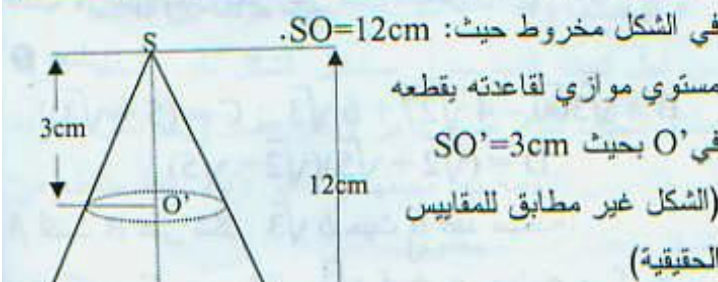
في محل لبيع المأكولات الجاهزة طلب صديقان بيتزة وكأسين من العصير فدفعا 150 دج وفي الطاولة المجاورة لهما طلب مجموعة من الطلبة 5 بيتزات و9 كؤوس من العصير فدفعا 735 دج. نعلم أن كل البيتزات لها نفس الأسعار، كذلك أسعار العصير.

- نرسم بـ x ثمن البيتزة وبـ y ثمن العصير.

1 أكتب جملة معادلتين تشرح المعطيات السابقة.

2 أحسب ثمن البيتزة (الواحدة) و ثمن كأس من العصير.

التمرين (4): *brevet* المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2005



في الشكل مخروط حيث: $SO = 12 \text{ cm}$.

مستوي موازي لقاعدته يقطعه

في O' بحيث $SO' = 3 \text{ cm}$

(الشكل غير مطابق للمقياس)

(الحقيقية)

1 نصف قطر قاعدة المخروط

هي 7 cm .

- أحسب الحجم الحقيقي للمخروط (الكبير).

2 ما هو معامل (نسبة) التصغير الذي يسمح لنا بتحويل المخروط الكبير إلى المخروط الصغير.

3 أحسب الحجم الحقيقي للمخروط الصغير، ثم أوجد القيمة التقريبية إلى cm^3 .

الجزء الثاني:

المسألة: *brevet* المقاطعات الشرقية لفرنسا دورة 2003 بتصرف

في الشكل منظر لمساحة مرآب (Garage) يريد مالكه تهيئته يصبح مكتب مؤسسة تحتوي على قاعتين، الأولى خاصة بالبحث والثانية بالاجتماعات.

ABCE شبه منحرف قائم بحيث:

$AB = 9 \text{ m}$ ، $BC = 8 \text{ m}$ و $DE = 6 \text{ m}$ و M نقطة من

القطعة المستقيمة [AB].

نضع $AM = x$

(x هي مسافة تقاس بالمتر) حيث $0 < x < 9$

ب/ عبّر بدلالة x عن المسافة الفاصلة بين سفيان ومدينة بشار.

4 تعطى الدالتين التاليتين:

$$g: x \mapsto 900 - 90x \quad \text{و} \quad f: x \mapsto 60x$$

- أنقل ثم أتمم الجدول التالي:

10	4	1	0	x
				$f(x)$
				$g(x)$

5 أنشئ في معلم متعامد التمثيل البياني للدالتين f و g

* نأخذ على محور الفواصل 1 cm تمثل 1 h

* نأخذ على محور الترتيب 1 cm تمثل 100 km

6 استعمل البيان لتعتين:

أ/ المدة الزمنية التي يتلاقى موسى مع سفيان.

ب/ على أي بعد عن مدينة بشار يكون هذا التلاقى.

- حدّد على الرسم النقاط البارزة.

7 أ/ أوجد نتائج السؤال 6 أ/ باستعمال حلّ معادلة.

ب/ أوجد نتائج السؤال 6 ب/ باستعمال الحساب.

الموضوع السابع

الجزء الأول:

التمرين (1): *brevet* المقاطعات الشمالية لفرنسا دورة 2004

1 بسط العبارة: $A = \frac{2}{3} - \frac{7}{3} \times \frac{8}{21}$ (يطلب إعطاء النتيجة

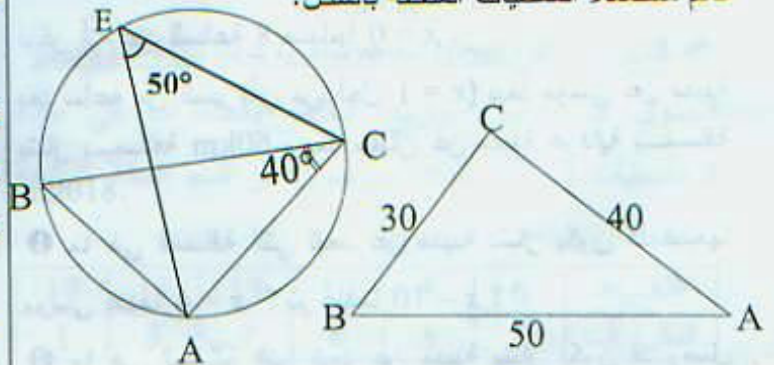
على شكل كسر غير قابل للاختزال).

2 أكتب B على الشكل $a\sqrt{2}$ (a عدد صحيح):

$$B = \sqrt{50} - 2\sqrt{18}$$

التمرين (2): *brevet* المقاطعات الغربية لفرنسا دورة 2005

- أثبت في كل شكل من الأشكال الثلاثة أدناه أن المثلث ABC قائم مستعملا المعطيات الملحقة بالشكل.



الشكل (1)

الشكل (2)

③ ثمن البلاط هو 135 دج للمتر مربع.

- ما هو المبلغ الذي يجب دفعة لشراء البلاط اللازم لتغطية هذه القاعة.

الموضوع الثامن

(موضوع مقترح لتحضير امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة 2007)

الجزء الأول:

التمرين (1):

① أكتب العدد: $A = \frac{6300 \times 10^4}{21 \times 10^5}$ على شكل عدد طبيعي.

② أحسب العدد: $B = (\sqrt{3} + 1)^2 \times (4 - 2\sqrt{3})$

التمرين (2):

① إذا علمت أن 60 دج يمثل 12 % من سعر لعبة.

- ما هو سعر هذه اللعبة ؟

② المسافة بين مدينتين هي 280 km وهي على الخريطة 7 cm

- ما هو المقياس الذي رسمت به هذه الخريطة ؟

③ أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 364 و 672، ثم

أكتب الكسر $\frac{364}{672}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

التمرين (3):

من بين السلاسل الإحصائية التالية:

A : 16 ; 12 ; 11 ; 9 ; 0

B : 19 ; 17 ; 11 ; 8 ; 3

C : 15 ; 2 ; 18 ; 7 ; 11

- أوجد السلسلة الإحصائية الموافقة للمعطيات التالية:

المدى: 16 - الوسيط: 11 - الوسط: 10,6

التمرين (4):

في الشكل المقابل، المستقيمان (BN) ; (CM) متقاطعان في النقطة O.



① برهن أن: $(MN) \parallel (BC)$.

② بين أن: $\frac{OB}{ON} = 0,6$

③ أحسب الطول OB إذا علمت أن:

$ON = 17,5 \text{ cm}$



نذكر أن: مساحة شبه المنحرف الذي ارتفاعه h

وقاعدتيه b و B تعطى: $A = \frac{h(b+B)}{2}$

I- المشرف على المكتب يطلب أن تكون القاعدتين لهما نفس المساحة.

① في هذا السؤال فقط نضع $x = 1$.

- أحسب مساحة شبه المنحرف AMFE (قاعة البحث) ثم مساحة المستطيل MBCF (قاعة الاجتماعات).

② أ/ عبّر بدلالة x عن مساحة شبه المنحرف AMFE.

ب/ عبّر بدلالة x عن مساحة المستطيل MBCF.

③ أنشئ على ورقة مليمتريّة معلم متعامد (O; I; J).

الدالتين f و g المعرفتين بـ:

$g(x) = 8x + 24$ و $f(x) = -8x + 72$

* نأخذ على محور الفواصل 2cm لكل 1m

* نأخذ على محور الترتيب 1cm تمثل $4m^2$

- مثل الدالتين f و g من أجل $0 < x < 9$

④ أ/ استعمل البيان لتعيين قيمة x التي تجعل $f(x) = g(x)$

يطلب تحديد ذلك على الرسم.

ب/ أوجد النتيجة السابقة باستعمال الحساب.

II- في هذا الجزء نضع $x = 3,5$

① أوجد بالسنتيمتر أبعاد قاعة الاجتماعات MBCF.

② من أجل تبليط قاعة الاجتماعات، علينا اختيار بلاطات

(dalles) مربعة الشكل ومتجانسة ذات ضلع c أكبر ما يمكن.

أ/ فسّر لماذا c هو PGCD القاسم المشترك الأكبر للعددين

800 و 550.

ب/ أحسب قيمة c.

ج/ ما هو عدد البلاطات الضرورية لتغطية القاعة الاجتماعات

كلنا ؟

الموضوع التاسع

(موضوع مقترح لتحضير امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة 2007)

• الجزء الأول:

• التمرين (1):

لتكن العبارة الجبرية: $A = (3x - 2)^2 - (x + 1)^2$

1 أنشر ثم بسط العبارة A.

2 حلّ العبارة A إلى جداء عاملين كل منهما من الدرجة الأولى.

3 حلّ المعادلة: $(3x - 2)^2 - (x + 1)^2 = 0$

• التمرين (2):

x, y عدنان حيث: $y = \frac{\sqrt{5}}{2}$ و $x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}}$

1 إجعل مقام العدد x عددا ناطقا.

2 أحسب العدد z حيث $z = 2y - 5x$ ثم أعط القيمة المقربة للعدد z بتقريب 10^{-2} بالنقصان.
(يمكن استعمال الآلة الحاسبة).

• التمرين (3):

ABC مثلث قائم في B حيث $AB = 4$ و $CB = 4\sqrt{3}$

لتكن M نقطة من [BC] حيث: $BM = \frac{BC}{4}$ ، المستقيم

(Δ) العمودي على (BC) في النقطة M يقطع [AC] في النقطة H.

1 أحسب الطول MH.

2 أحسب $\tan \widehat{AMB}$ واستنتج قياس $\widehat{AMB}$.

(يمكن استعمال الحاسبة).

• التمرين (4):

في مسابقة لصيد السمك، تم وزن سمك كل صياد ثم وزعت النتائج كما في الجدول الآتي:

الكتلة (g)x	[0;500]	[500;1000]	[1000;1500]	[1500;2000]	[2000;2500]
عدد الصيادين	20	10	6	1	3

1 ما هو عدد الصيادين المشاركين في المسابقة ؟

2 ما هو عدد الصيادين الذين اصطادوا أكثر من 1500 g ؟

• التمرين (5):

نعتبر المثلث ABC القائم في A حيث $AB = 8\text{cm}$ و $\widehat{ACB} = 55^\circ$.

- أحسب محيط الدائرة المحيطة بالمثلث ABC.

• الجزء الثاني:

• المسألة:

يمثل الجدول التالي المسافات (بالكيلومترات) عن طريق البرّ بين بعض المدن الجزائرية.

الجزائر	قسنطينة	الشلف	غرداية	وهران
الجزائر	421	213	600	434
قسنطينة	421	549	848	770
الشلف	213	549	659	221
غرداية	600	848	659	740
وهران	434	770	221	740

1 يريد السيد علّام، ممثل لمؤسسة توزيع أدوات إلكترونية، الانتقال من الجزائر إلى غرداية.

لهذا، عليه أن يختار بين:

* أن يستعمل سيارته الخاصة التي تستهلك 10 لترات من البنزين في كل 100 كيلومتر.

* أو يستعمل سيارة أجرة، حيث يكون ثمن الكيلومتر الواحد هو 1,50 ديناراً مع إضافة مبلغ ثابت قدره 200 ديناراً للأمتعة.

ساعد السيد علّام على اختيار وسيلة النقل الأقل تكلفة علماً أن سعر اللتر الواحد من البنزين هو 20 ديناراً.

2 نسمي x المسافة التي يقطعها السيد علّام و y كلفة تنقله.

- أكتب y بدلالة x في كل من الاختيارين السابقين.

3 نسمي f الدالة التي ترفق المسافة x للتنقل بكلفة التنقل y في الاختيار الأول و g الدالة التي ترفق المسافة x بالكلفة y في الاختيار الثاني.

أ/ مثل بيانيا كلا من الدالتين f و g. يأخذ 1cm على محور الفواصل لتمثيل 100 km و 1cm على محور التراتيب لتمثيل 100 دينار.

ب/ ما هي المسافة التي تكون من أجلها كلفة تنقل السيد علّام هي نفسها، سواء استعمل سيارته الخاصة أو سيارة أجرة ؟

التمرين (2):

$$b = \frac{(\sqrt{7} + \sqrt{2})}{\sqrt{7}}, a = \frac{(\sqrt{7} - \sqrt{2})}{\sqrt{7}} \text{ : عددان حيث:}$$

1 أكتب كلا من العددين a و b على شكل كسر مقامه عدد ناطق.

2 أحسب مساحة ومحيط المستطيل الذي بعده a و b (وحدة الطول هي السنتيمتر).

التمرين (3):

ABC مثلث قائم في A فيه $AB = 27 \text{ cm}$

- أحسب الطولين AC و BC إذا علمت أن محيط المثلث ABC يساوي 108 cm

التمرين (4):

المستوي منسوب إلى معلم متعامد متجانس (O; I; J). وحدة الطول هي السنتيمتر.

1 علم النقط $A(-3; 2)$; $B(3; 5)$; $C(6; -1)$

2 أحسب الأطول AB , AC , BC.

3 نفترض أن $AB = 3\sqrt{5}$, $AC = \sqrt{90}$, $BC = \sqrt{45}$

- بين أن المثلث ABC قائم ومتساوي الساقين.

4 أنشئ النقطة D صورة النقطة C بالانسحاب الذي

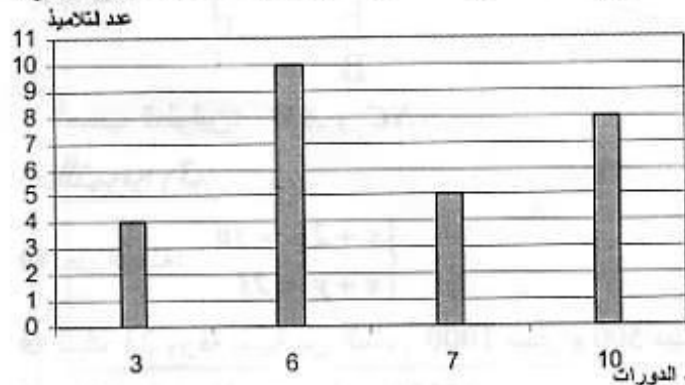


شعاعه BA.

- استنتج نوع الرباعي ABCD.

التمرين (5):

قام أستاذ التربية البدنية في إكمالية، أثناء التدريبات، بحساب عدد الدورات حول الملعب حققها فوج تربوي خلال نصف ساعة. تُرجمت النتائج المحصل عليها بالمخطط بالأعمدة التالي:



1 ما هو عدد تلاميذ الفوج التربوي ؟

2 أتمم الجدول التالي:

عدد الدورات	3	6	7	10
عدد التلاميذ	4			
التكرار المجمع الصاعد (المتزايد)				

3 أحسب النسبة المئوية للصيادين الذين اصطادوا كمية من السمك كتلتها x حيث $1500 \geq x > 1000$.

الجزء الثاني:

المسألة:

يزرع فلاح القمح ويحضّر دقيقه بنفسه. من أجل تحسين مداخله، قرّر أن يصنع خبزا تقليديا مرة واحدة في الأسبوع ليبيعه بسعر 23 دج للكيلوغرام الواحد. تُقدّر مصاريف الفلاح الشهرية بمبلغ ثابت قدره 2600 دج يُضاف إليها 3 دج كلفة كل كيلوغرام من الخبز المصنوع.

I- في شهر جوان، يبيع الفلاح 200 kg من الخبز.

1 أ/ ما هي مداخله خلال هذا الشهر ؟

ب/ ما هي مصاريفه ؟

2 هل حقق ربحا ؟ إذا كان الجواب بنعم، ما هو المبلغ المحقق ؟

II- نسمي x كتلة الخبز (بالكيلوغرامات) المباعة في الشهر.

ليكن $R(x)$ مبلغ المداخل و $D(x)$ مبلغ المصاريف خلال هذا الشهر.

1 عبّر عن $R(x)$ و $D(x)$ بدلالة x .

2 أ/ حل المتراجحة $R(x) > D(x)$.

ب/ كيف يمكن للفلاح أن يفسّر النتيجة المحصل عليها ؟

3 أحسب كتلة الخبز التي يجب أن يبيعيها الفلاح في الشهر

حتى يتحصل على ربح قدره 2000 دينار.

4 المستوي منسوب إلى معلم متعامد. الوحدة بالنسبة إلى:

* محور الفواصل هي 1 cm لكل 20 kg

* محور الترتيب هي 1 cm لكل 400 دج.

أ/ ليكن (d_1) المستقيم الذي معادلته $y = 23x$ و (d_2)

المستقيم الذي معادلته $y = 3x + 2600$.

- أنشئ المستقيمين (d_1) و (d_2) .

ب/ تحقّق من النتائج المحصل عليها في السؤال II - 2

الموضوع العاشر

موضوع مقترح لتحضير امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة 2007

الجزء الأول:

التمرين (1):

- أوجد عددا طبيعيا غير معدوم، مربعه يساوي ضعفه.

التمرين (4):

1 بسط العدد A حيث:

$$A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$$

2 أكتب العدد B حيث:

$$B = \frac{1+\sqrt{5}}{\sqrt{3}}$$

3 بين أن: $\frac{1}{2}A = 3B$

الجزء الثاني:

المسألة:

المستوي مزود بمعلم متعامد $(O; I; J)$.

بستان على شكل خماسي منتظم طول ضلعه x ، أحاطه صاحبه بسياج وترك مدخلا بقدر $3m$.

1 بين أنه يمكن التعبير عن كلا من محيط البستان وطول السياج المستعمل بدالتين للمتغير x إحداها خطية والأخرى تالفية.

2 مثل على ورقة مليمتريّة الدالة الخطية f والدالة التالفية g .

أخذ على محور الفواصل كل $1m$ يقابله $1cm$ ، وعلى محور التراتيب كل $3m$ يقابله $1cm$.

3 بقراءة بيانية للتمثيلين:

أ/ إذا كان طول السياج المستعمل هو $28m$.

- أوجد طول ضلع هذا البستان.

ب/ إذا كان طول الضلع هو $5m$.

- أوجد كلا من محيط البستان وطول السياج.

4 تحقق من صحة النتائج السابقة حسابيا مع الشرح.

3 أحسب الوسط الحسابي لهذه السلسلة (تعطى النتيجة منورة إلى الوحدة).

الجزء الثاني:

المسألة:

حضرت خالتي هنية حساء في قدر أسطوانى قطر قاعدته $25cm$ وارتفاعه $15cm$ لتقديم الطعام، تستعمل خالتي هنية «مغرفا» جزؤه السفلي عبارة عن نصف كرة قطرها $10cm$ (سمكها مهمل).

1 أحسب حجم الحساء إذا علمت أن ارتفاعه في القدر هو $\frac{2}{3}$ ارتفاع القدر.

2 كم مرة استعملت خالتي هنية «المغرف» لإطعام أفراد عائلتها إذا علمت أن $\frac{1}{5}$ كمية الحساء لم تستهلك؟

الموضوع الحادي عشر

(موضوع مقترح لتحضير امتحان شهادة التعليم المتوسط دورة 2007)

الجزء الأول:

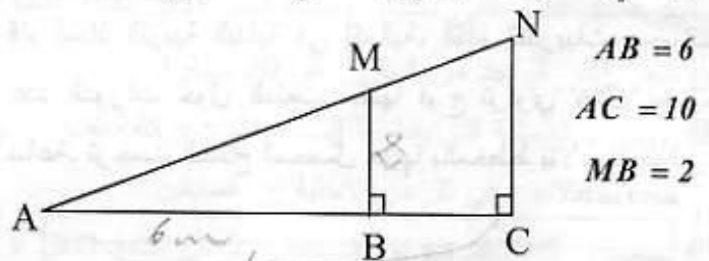
التمرين (1):

1 أحسب القاسم المشترك الأكبر للعددين 210 و 441.

2 أكتب الكسر $\frac{441}{210}$ على شكل غير قابل للاختزال.

التمرين (2):

لديك في الشكل المقابل (الوحدة هي السنتيمتر)



- أحسب الطولين: AM و NC .

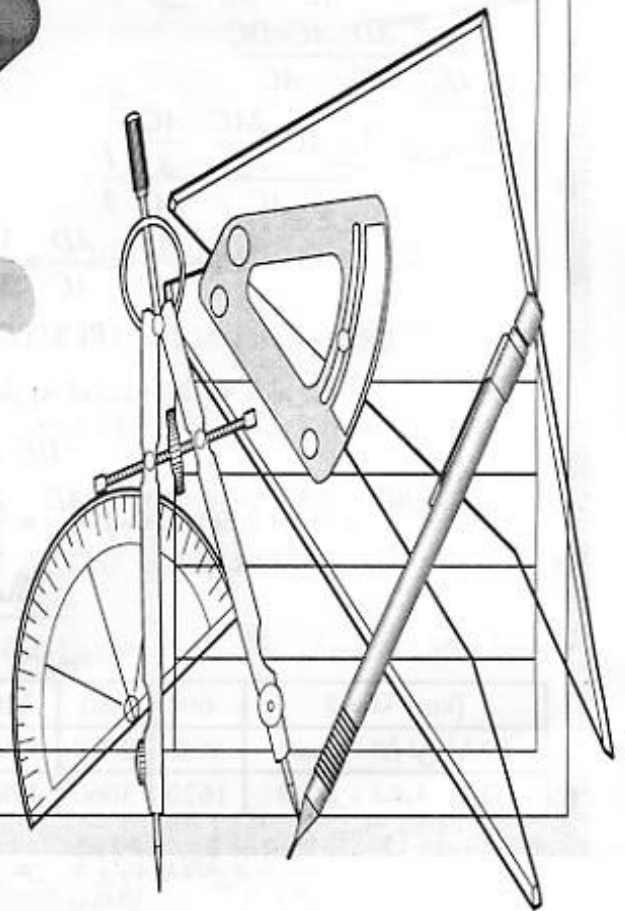
التمرين (3):

1 حل الجملة:
$$\begin{cases} x + 2y = 30 \\ x + y = 23 \end{cases}$$

2 لديك 23 ورقة نقدية من الفئتين 1000 دينار و 500 دينار، المبلغ الكلي لهذه الأوراق يساوي 15000 دينار.

يفرض x هو عدد الأوراق من فئة 500 دينار و y هو عدد الأوراق من فئة 1000 دينار، عبّر عن هذه الوضعية بجملة معادلتين من الدرجة الأولى ذات المجهولين x و y .

الخط
وال
ر



$$7y = 91 \text{ أي } y = 13$$

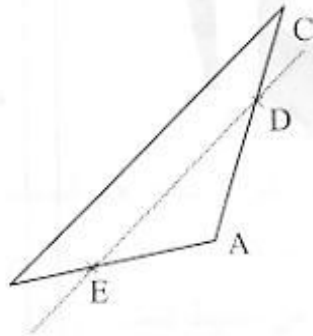
$$4x = 105 - 65 = 40 \text{ أي } x = 10$$

② التبريض:

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x + 4y = 112 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 3x + 2y = 56 \end{cases} \text{ أي}$$

حسب إجابة السؤال الأول: ثمن القلم هو 13DA و ثمن الكراس هو 10DA.



④ التمرين (4):

① إنشاء المثلث:

② حساب AC:

$$AC^2 = BC^2 - AB^2 = 56,25 - 20,25 = 36$$

$$AC = 6cm$$

③ تعيين النقطتين D, E:

④ نبين أن: $(BC) \parallel (DE)$

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{AC - 2AC}{AC} = \frac{AC}{AC} = \frac{1}{3}$$

$$\frac{AE}{AB} = \frac{AD}{AC} = \frac{1}{3}$$

فإن: $(BC) \parallel (DE)$

حسب النظرية العكسية لنظرية طالس.

* حساب DE:

$$DE = \frac{BC}{3} = \frac{7,5}{3} = 2,5cm \text{ ومنه: } \frac{AE}{AB} = \frac{DE}{BC} = \frac{1}{3}$$

⑤ المسألة:

① ملء الجدول:

المسافة (km)	60	180	340
التسعيرة الأولى (DA)	900	2700	5100
التسعيرة الثانية (DA)	1620	3060	4980

② التعبير عن y_1 و y_2 بدلالة x

$$y_1 = 15x \text{ و } y_2 = 12x + 900$$

$$15x > 900 \text{ أي } 3x > 900 \text{ أي } x > 300$$

③ التمرين (1): (03 نقط)

① كتابة العدد A على الشكل $A\sqrt{2}$:

$$A = \sqrt{98} + 3\sqrt{32} - \sqrt{128} = \sqrt{49 \times 2} + 3\sqrt{16 \times 2} - \sqrt{64 \times 2} = 7\sqrt{2} + 12\sqrt{2} - 8\sqrt{2} = 11\sqrt{2}$$

② تبسيط العدد B:

$$B = \frac{3}{2} + \frac{5}{4} \times \frac{2}{3} = \frac{3}{2} + \frac{5}{6} = \frac{9+5}{6} = \frac{14}{6} = \frac{7}{3}$$

$$\frac{A^2}{33} - 3B = \frac{(11\sqrt{2})^2}{33} - 3 \times \frac{7}{3} = \frac{242}{33} - 7 = \frac{22}{3} - \frac{21}{3} = \frac{1}{3}$$

④ التمرين (2):

① نشر وتبسيط العبارة:

$$E = 10^2 - (x-2)^2 - (x+8) = 100 - (x^2 - 4x + 4) - (x+8) = 100 - x^2 + 4x - 4 - x - 8 = -x^2 + 3x + 88$$

② التحليل:

$$10^2 - (x-2)^2 = [10 - (x-2)][10 + (x-2)] = (12-x)(8+x)$$

* الاستنتاج:

$$E = 10^2 - (x-2)^2 - (x+8) = (12-x)(x+8) - (x+8) = (x+8)(12-x-1) = (x+8)(11-x)$$

③ حل المعادلة:

$$(11-x)(x+8) = 0 \text{ معناه } 11-x=0 \text{ أو } x+8=0 \text{ أي: } x=11 \text{ أو } x=-8$$

④ التمرين (3):

① حل الجملة:

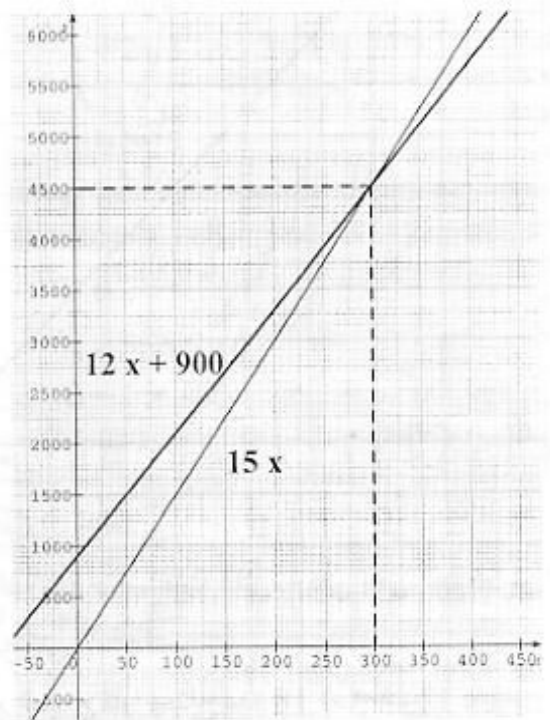
$$\begin{cases} 12x + 15y = 315 \\ -12x - 8y = -224 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 4x + 5y = 105 \\ 6x - 4y = 112 \end{cases} \text{ أي}$$

③ أ- إنشاء المنحنيين:

ب- من البيان نستنتج مايلي:

إذا كان عدد الكيلومترات يفوق 300km فإن التسعيرة الثانية هي الأفضل.



حل الموضوع الأول

• الجزء الأول:

حل التمرين (1):

①

$$6209 = 4435 \times 1 + 1774$$

$$4435 = 1774 \times 2 + 887$$

$$1774 = 887 \times 2 + 0$$

ومنه: $\text{PGCD}(6209; 4435) = 887$

② بما أن 6209 و 4435 يقبلان القسمة على 887

فإنهما غير أوليان إذن الكسر $\frac{4435}{6209}$ قابل للاختزال.

③ الاختزال:

$$\frac{4435}{6209} = \frac{5 \times 887}{7 \times 887} = \frac{5}{7}$$

حل التمرين (2):

$$A = \frac{7}{5} + \frac{3}{5} \times \frac{11}{6}$$

$$A = \frac{7}{5} + \frac{1}{5} \times \frac{11}{2}$$

$$A = \frac{2 \times 7}{2 \times 5} + \frac{11}{10}$$

$$A = \frac{14}{10} + \frac{11}{10}$$

$$A = \frac{25}{10} = \frac{5}{2}$$

$$B = 2\sqrt{5} - \sqrt{20} - 3\sqrt{45}$$

$$B = 2\sqrt{5} - \sqrt{2^2 \times 5} - 3\sqrt{3^2 \times 5}$$

$$B = 2\sqrt{5} - 2\sqrt{5} - 9\sqrt{5}$$

$$B = -9\sqrt{5}$$

$$C = \frac{4 \times 10^{14} \times 12}{3 \times 10^{11}}$$

$$C = \frac{4 \times 4 \times 3 \times 10^{14-11}}{3}$$

$$C = 16 \times 10^3$$

حل التمرين (3):

① نعوض $(x = 13; y = 13)$ في الجملة فنجد:

$$\begin{cases} 2 \times 13 + 3 \times 13 = 65 \\ 3 \times 13 + 13 = 52 \end{cases}$$

ومنه الزوج (13; 13) ليس حلا للجملة.

② حل الجملة السابقة:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 65 \\ 3x + y = 45 \end{cases}$$

من المعادلة (2) نجد $y = -3x + 45$ نعوض $y = -3x + 45$ في المعادلة (1) فنجد:

$$2x - 9x + 135 = 65 \text{ ومنه: } -7x + 135 = 65 \text{ أي}$$

$$-7x = -70 \text{ ومنه: } x = 10$$

نعوض $x = 10$ في المعادلة (2) نجد:

$$y = -3 \times 10 + 45 = 15 \text{ ومنه: } y = 15$$

③ إذا رمزنا بـ x ثمن الهلالية الواحدة وبـ y الكعكة الواحدة
إذن ما اشترته سعاد هو $2x + 3y$ وأيضا هو 65 دج أي:
 $2x + 3y = 65$ وما اشتراه كمال هو $3x + y$ وأيضا
هو 45 دج أي: $3x + y = 45$

ثمن الهلالية الواحدة و ثمن الكعكة الواحدة هو حل الجملة:

$$\begin{cases} 2x + 3y = 65 \\ 3x + y = 45 \end{cases}$$

وحسب السؤال (2) فإن ثمن الهلالية الواحدة هو 10 دج و ثمن
الكعكة الواحدة هو 15 دج.

حل التمرين (4):

① إثبات أن المثلث PMB قائم لدينا:

$$PB^2 = 13,6^2 = 184,96$$

$$PM^2 + MB^2 = (12)^2 + (6,4)^2 = 184,96$$

إذن $PB^2 = PM^2 + MB^2$ وحسب نظرية فيثاغورس المثلث
PMB قائم في M.

② بما أن المثلث PMB قائم يمكن تطبيق العلاقات المثلثية:

$$\begin{aligned} \cos \widehat{MBP} &= \frac{MB}{PB} = \frac{12}{13,6} \\ &= \frac{120}{136} = \frac{15}{17} \end{aligned}$$

- عند استعمال الآلة الحاسبة نجد: $\widehat{MBP} \approx 28^\circ$

③ المستقيمان (MB) و (NS) متوازيان حسب طاليس لدينا

$$\frac{PM}{PN} = \frac{MB}{NS}$$

$$\text{بعد التعويض نجد: } \frac{12}{9} = \frac{6,4}{NS} \text{ أي } NS = 6,4 \times \frac{9}{12} = 4,8$$

$$NS = 4,8 \text{ cm}$$

$$\text{④ لنحسب النسب: } \frac{PE}{PB} = \frac{3,4}{13,6} = 0,25 = \frac{1}{4} \text{ و } \frac{PC}{PM} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

ومنه المستقيمان (MB) و (CE) متوازيان.

الجزء الثاني:

المسألة:

$$\text{I- } \frac{(AD+BC) \times AB}{2} = \text{مساحة } ABCD$$

$$\text{مساحة } ABCD = \frac{(1,80+0,80) \times 14}{2} = 18,2 \text{ cm}^2$$

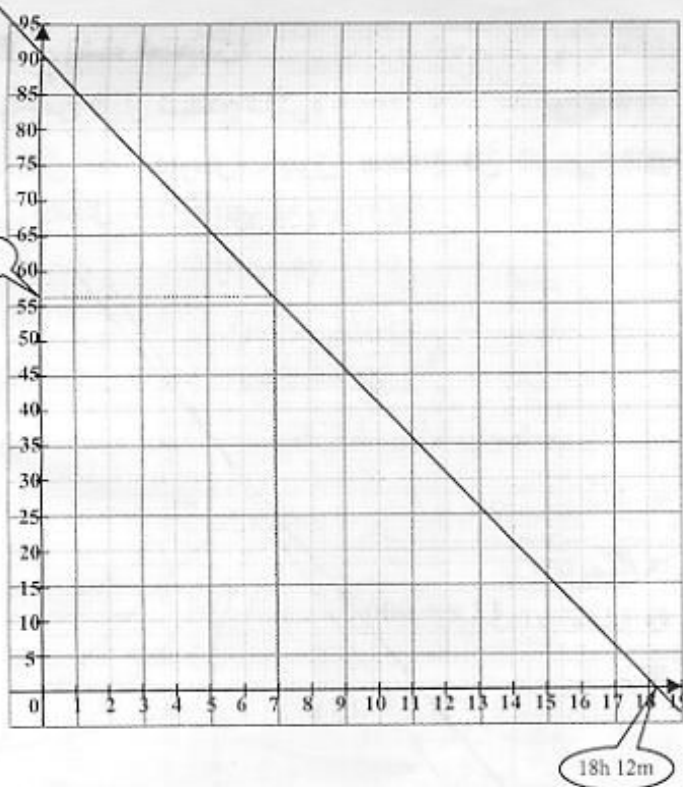
$$\text{② حجم الموشور} = \text{مساحة } ABCD \times AE$$

$$= 18,2 \times 5 = 91 \text{ cm}^3$$

أ/ الماء الذي تم ضخه بعد 5 ساعات هو: $5 \times 5 = 25 \text{ m}^3$

الماء الباقية في المسبح هو: $91 - 25 = 66 \text{ m}^3$

ب- أنظر الشكل.



ج/ من البيان عدد الساعات اللازمة لكي يبقى 56 m^3 من الماء
في المسبح هي 7 ساعات.

د/ لتفريغ المسبح كلياً يحتاج مدة 18 الساعة و 12 دقيقة.

هـ/ الجواب على السؤال ج جبرياً هو حل المعادلة:

$$56 = 91 - 5x \text{ أي: } -5x = -56 \text{ ومعناه } x = 7$$

الجواب على السؤال د جبرياً هو حل المعادلة: $91 - 5x = 0$

$$\text{أي: } -5x = -91 \text{ ومعناه: } x = \frac{91}{5}$$

$$\begin{array}{r|l} 9 & 1 \\ -5 & \\ \hline 4 & 1 \\ -4 & 0 \\ \hline 1 & \end{array} \quad \begin{array}{l} \text{عملية القسمة تتم في النظام الستيني} \\ 18\text{h } 12\text{min} \end{array}$$

$$1 \times 60 = 60 \div 5 = 12$$

$$IJ = AE + 2 \times 1,25 \quad \text{① - II}$$

$$IJ = 5 + 2,5 = 7,5 \text{ m} = 750 \text{ cm}$$

$$IK = AB + 2 \times 1,25$$

$$IK = 14 + 2,5 = 16,5 \text{ m} = 1650 \text{ cm}$$

② بما أن الألواح توضع على المحيط فيجب اختيار طولها a
عدد طبعي يقبل القسمة على 750 و 1650 ويكون أكبر ما
يمكن إذن هو P.G.C.D.

$$1650 = 750 \times 2 + 150 \quad \text{③}$$

$$750 = 150 \times 5$$

آخر باقى غير معدوم هو 150 ومنه $a = 150 \text{ cm}$

④ عدد الألواح اللازمة لتسبيح المسبح هو 32 لوحة:

$$\frac{750 \times 2 + 1650 \times 2}{150} = 32$$

حل الموضوع الثاني

الجزء الأول:

حل التمرين (1):

$$A = 2\sqrt{45} - 3\sqrt{5} + \sqrt{20} \quad ①$$

$$A = 2\sqrt{3^2 \times 5} - 3\sqrt{5} + \sqrt{2^2 \times 5}$$

$$A = 6\sqrt{5} - 3\sqrt{5} + 2\sqrt{5}$$

$$A = 5\sqrt{5}$$

$$B = \frac{150 \times 10^3 \times 8 \times 10^5}{6 \times 10^7} \quad ②$$

$$B = \frac{50 \times 8 \times 4 \times 10^8}{6 \times 10^7}$$

$$B = 200 \times 10$$

$$B = 2 \times 10^3$$

حل التمرين (2):

العلامة	0	1	2	3	4	5
التكرار	1	2	4	3	7	8
التكرار المجمع الصاعد	1	3	7	10	17	25

② حساب الوسط الحسابي لهذا القسم:

$$\bar{X} = \frac{0 \times 1 + 1 \times 2 + 2 \times 4 + 3 \times 3 + 4 \times 7 + 5 \times 8}{25} = \frac{87}{25} = 3,48$$

③ النقطة الوسطية لهذا القسم هي 4 لأن:

$$0, 1, 1, 2, 2, 2, 2, 3, 3, 3, 4, 4, 4, 4, 4, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5, 5$$

النقطة الوسطية

④ حساب تكرار النقط الأقل أو تساوي 3 من 5.

$$1 + 2 + 4 + 3 = 10$$

حل التمرين (3):

$$A = \frac{831 - 532}{84} = \frac{929}{84} \approx 3,56 \quad ①$$

$$B = \frac{\frac{53}{51} - \frac{32}{85}}{\frac{34}{63}} = \left(\frac{53}{51} - \frac{32}{85} \right) \times \frac{34}{63} \quad ②$$

$$B = \left(\frac{53}{17 \times 3} - \frac{32}{17 \times 5} \right) \times \frac{17 \times 2}{63} = \frac{1}{17} \left(\frac{53}{3} - \frac{32}{5} \right) \times \frac{17 \times 2}{63}$$

$$= \frac{265 - 96}{15} \times \frac{2}{63} = \frac{169}{15} \times \frac{2}{63}$$

$$= \frac{338}{945}$$

$$B \approx 0,358$$

$$C = \sqrt{\frac{83 + 167}{158}} = \sqrt{\frac{250}{158}} \approx 1,26 \quad ③$$

حل التمرين (4):

① أ/ المستقيمين (AE) و (AB) متعامدين لأن الرباعي ABFE مستطيل.

ب/ المستقيمين (EH) و (AB) غير متقاطعان لأن كل واحد منهما ينتمي إلى مستوي يوازي الآخر.

② أ/ المثلث EFG قائم في F حسب نظرية فيثاغورس لدينا:

$$EG^2 = EF^2 + FG^2$$

$$= 6^2 + 4^2 = 36 + 16 = 52$$

$$EG = \sqrt{52}$$

ب/ المثلث EGC القائم في G حسب نظرية فيثاغورس لدينا:

$$EC^2 = EG^2 + GC^2$$

$$EC^2 = 52 + 3^2 = 61 = EC = \sqrt{61}$$

③ حساب حجم ABCDEFGH:

$$\text{حجم } ABCDEFGH = AE \times AD \times AB = 3 \times 4 \times 6 = 72 \text{ cm}^3$$

④ حساب المساحة الإجمالية لـ ABCDEFGH تساوي 108 cm^2

$$\text{المساحة الإجمالية } ABCDEFGH = 2 \times S_{ABCD} + 2 \times S_{ABFE} + 2 \times S_{ADHE}$$

$$= 2 \times 6 \times 4 + 2 \times 6 \times 3 + 2 \times 3 \times 4$$

$$= 48 + 36 + 24 = 108 \text{ cm}^2$$

الجزء الثاني:

حل المسألة:

① التعبير بدلالة x عن

مساحة S_{ABCD} :

$$S_{ABCD} = 4 \times x$$

$$S_{ABCD} = 4x$$

② التعبير بدلالة x عن

مساحة S_{EFGH} :

$$S_{EFGH} = 2 \times x + \frac{2 \times 3}{2}$$

$$S_{EFGH} = 2x + 3$$

③ أ/ رسم التمثيل البياني (d) للدالة

f المعرفة بـ $f: x \mapsto 4x$

ب/ رسم التمثيل البياني (d')

للدالة g المعرفة بـ:

$$g: x \mapsto 2x + 3$$

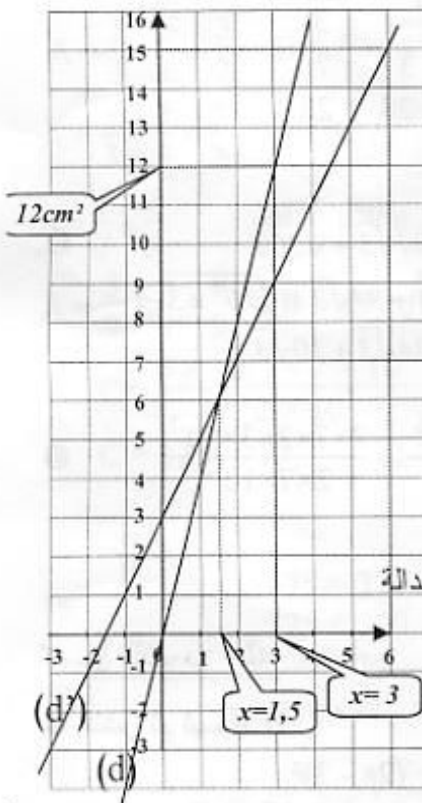
④ أ/ حساب مساحة المستطيل ABCD من أجل $x = 3$.

$$S_{ABCD}(3) = 4 \times 3 = 12 \text{ cm}^2$$

ب/ الجواب على الرسم

⑤ أ/ حل المعادلة: $2x + 3 = 15$

$$2x = 15 - 3 = 12 \quad \text{ومنه: } x = \frac{12}{2} = 6 \quad x = 6 \text{ cm}$$



6 أ/ من الرسم نلاحظ أن الاختيار الأقل تكلفة للدخول إلى المركب 12 يوم خلال الموسم هو الاختيار B بمبلغ 2280 دج. (جبريا نحسب $140 \times 12 + 600 = 2280$)

ب/ من الرسم نلاحظ أن عدد الأيام التي دخلت فيها سعاد إلى المركب هو 10 أيام والمبلغ الذي دفعته هو 2000 دج. وللتأكد من ذلك حسابيا علينا حل المعادلة:

$$140x + 600 = 200x$$

$$x = \frac{600}{60} = 10 \quad \text{أي} \quad 60x = 600$$

نعوض في الدالتين نجد:

$$f(10) = 200 \times 10 = 2000$$

$$g(10) = 140 \times 10 + 600 = 2000 \quad \text{و}$$

حل الموضوع الرابع

الجزء الأول:

حل التمرين (1):

1 و 2

$$A = \frac{1}{3} + \frac{5}{6} \div \frac{3}{2} \quad B = 50\sqrt{45} - 3\sqrt{5} + 6\sqrt{125}$$

$$A = \frac{1}{3} + \frac{5}{6} \times \frac{2}{3} \quad B = 50\sqrt{3^2 \times 5} - 3\sqrt{5} + 6\sqrt{5^2 \times 5}$$

$$A = \frac{1}{3} + \frac{5}{9} \quad B = 150\sqrt{5} - 3\sqrt{5} + 30\sqrt{5}$$

$$A = \frac{3}{9} + \frac{5}{9} = \frac{8}{9} \quad B = 177\sqrt{5}$$

$$C = \frac{5 \times 10^{-2} \times 7 \times 10^5}{2 \times 10^7} = \frac{5 \times 7 \times 10^{-2+5-7}}{2}$$

$$C = 17,5 \times 10^{-4} \quad ; \quad C = 1,75 \times 10^{-4}$$

حل التمرين (2):

1

$$675 = 375 \times 1 + 300$$

$$375 = 300 \times 1 + 75$$

$$300 = 75 \times 4 + 0$$

$$\text{PGCD}(675; 375) = 75$$

ومنه:

2 كتابة $\frac{675}{375}$ على شكل الكسر قابل للاختزال.

$$\frac{675}{375} = \frac{9 \times 75}{5 \times 75} = \frac{9}{5}$$

حل التمرين (3):

1 نشر ثم تبسيط D.

$$D = (2x + 3)^2 + (2x + 3)(7x - 2)$$

$$D = 4x^2 + 12x + 9 + 14x^2 - 4x + 21x - 6$$

$$D = 18x^2 + 29x + 3$$

$$V_{SA'B'C'D'} = \frac{1}{8} V_{SABCD} = \frac{1}{8} \times 24 \text{ cm}^3 = 3 \text{ cm}^3 / \text{ج}$$

الجزء الثاني:

حل المسألة:

1 تفسير لماذا يدفع سليم 140 دج عند دخوله كل يوم إلى المركب لأنه يدفع 70% من مبلغ الدخول الذي هو 200 دج

$$\text{لأن: } 200 \times \frac{70}{100} = 140 \text{ DA}$$

2

عدد أيام الدخول إلى المركب خلال الموسم 2006/2005	5	8	11
المبلغ بالدينار الجزائري حسب الاختيار A	1000	1600	2200
المبلغ بالدينار الجزائري حسب الاختيار B	1300	1720	2140

3 أ/ المبلغ المدفوع بالدينار خلال الموسم حسب الاختيار A:

$$C_A = 200 \times x$$

$$C_A = 200x$$

ب/ المبلغ المدفوع بالدينار خلال الموسم حسب الاختيار B:

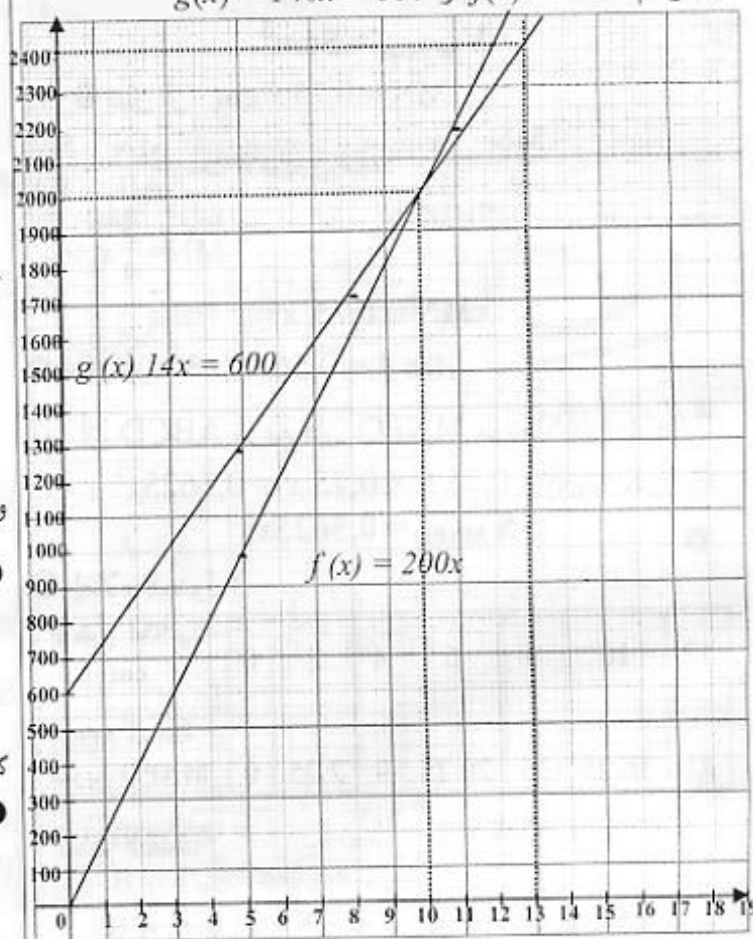
$$C_B = 140 \times x + 600$$

$$C_B = 140x + 600$$

4 أنفق سليم مبلغ 2420 دج مقابل دخوله 13 مرة لأن:

$$\frac{2420 - 600}{140} = 13$$

5 رسم $f(x) = 200x$ و $g(x) = 140x + 600$



لدينا حسب خاصية طاليس:

$$EF = \frac{27}{12} \text{ ومنه: } \frac{EF}{9} = \frac{3}{12} \text{ نعوض فنجد: } \frac{EF}{AB} = \frac{SE}{SA}$$

$$EF = 2,25 \text{ cm أي:}$$

ب/ حساب SB:

المثلث SAB قائم في A حسب نظرية فيثاغورس لدينا:

$$SB^2 = SA^2 + BA^2$$

$$SB = 15 \text{ cm ومنه: } SB^2 = 12^2 + 9^2 = 225$$

2 أ/ حساب حجم الهرم SABCD:

$$V_{SABCD} = \frac{1}{3} \times SA \times S_{ABCD}$$

حيث S_{ABCD} مساحة القاعدة و SA الارتفاع

$$V_{SABCD} = \frac{1}{3} \times 12 \times 9 \times 9 = 324 \text{ cm}^3$$

$$V_{SABCD} = 324 \text{ cm}^3$$

ب/ معامل التصغير الذي يسمح لنا بتصغير

الهرم SABCD إلى الهرم SEFGH:

$$\left(\frac{SE}{SA}\right)^3 = \left(\frac{3}{12}\right)^3 = \left(\frac{1}{4}\right)^3 = \frac{1}{64}$$

ج/ استنتاج حجم الهرم SEFGH من السؤال السابق نجد:

$$V_{SEFGH} = \frac{1}{64} V_{SABCD} = \frac{1}{64} \times 324 \text{ cm}^3$$

$$V_{SEFGH} \approx 5 \text{ cm}^3$$

II-1 نبين أن $MN = 0,75x \text{ cm}$

$$\frac{MN}{9} = \frac{x}{12} \text{ بعد التعويض نجد: } \frac{MN}{AB} = \frac{SM}{SA}$$

$$MN = \frac{3}{4}x \text{ ومنه:}$$

$$MN = 0,75x$$

2 نبين أن: $A(x) = 0,5625x^2$

بما أن ABCD مربع فإن MNPQ مربعاً

$$S_{MNPQ} = 0,75x \times 0,75x = 0,5625x^2$$

$$S_{MNPQ} = 0,5625x^2$$

3 إملأ الجدول:

12	10	8	6	4	2	0	x طول SM cm
81	56.25	36	20.25	9	2.25	0	مساحة A(x) المربع MNPQ

* تعليم النقاط:

2 تحليل العبارة D:

$$D = (2x + 3)^2 + (2x + 3)(7x - 2)$$

$$D = (2x + 3)[(2x + 3) + (7x - 2)]$$

$$D = (2x + 3)(9x + 1)$$

3 حساب العبارة D من أجل $x = -4$

$$D = (2 \times (-4) + 3)(9 \times (-4) + 1)$$

$$D = (-5) \times (-35) = 175$$

4 حل المعادلة: $(2x + 3)(9x + 1) = 0$

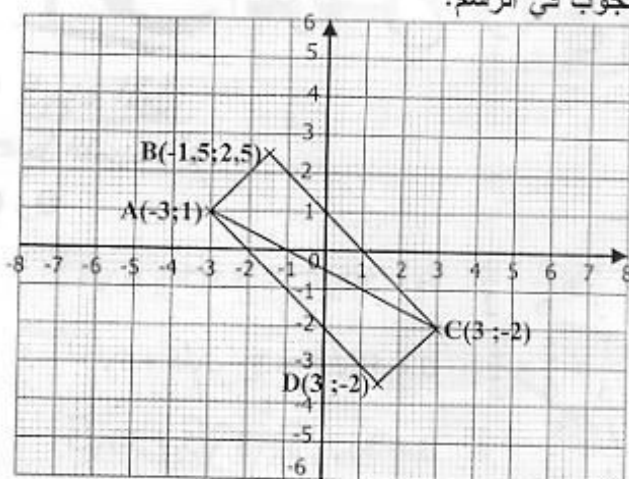
$$9x + 1 = 0 \text{ أو } 2x + 3 = 0 \text{ إذن } (2x + 3)(9x + 1) = 0$$

$$x = -\frac{3}{2} \text{ أو } x = -\frac{1}{9}$$

$$S = \left\{-\frac{3}{2}; -\frac{1}{9}\right\}$$

حل التمرين (4):

1 الجواب في الرسم.

2 نبين أن: $AC = \sqrt{45}$

$$AC = \sqrt{(3 - (-3))^2 + (-2 - 1)^2} = \sqrt{36 + 9} = \sqrt{45}$$

3 لدينا:

$$AC^2 = 45$$

$$AB^2 + BC^2 = (\sqrt{4,5})^2 + (\sqrt{40,5})^2 = 45 \text{ و}$$

أي: $AB^2 + BC^2 = AC^2$ حسب نظرية فيثاغورس فإن المثلث

ABC قائم في B.

4 الجواب على الشكل.

5 بما أن $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AD}$ فإن الرباعي ABCD متوازيالأضلاع، وبما أن الزاوية $\widehat{ABC} = 90^\circ$ إذن الرباعي هو مستطيل.

• الجزء الثاني:

حل المسألة:

I-1 أ/ حساب EF

لدينا المثلث SAB قائم في A و (EF) يوازي (AB)

$$C = \frac{2 \times 10^2 \times 1,2 \times (10^{-3})^4}{0,2 \times 10^{-7}}$$

$$C = 1,2 \times 10^{2-12-(-8)}$$

$$C = 1,2 \times 10^{-2}$$

حل التمرين (2):

النقاط	6	8	10	13	14	17
التكرارات	3	5	6	7	5	1

1 حساب النقطة الوسطى لهذا الاستجواب:

$$\bar{X} = \frac{6 \times 3 + 8 \times 5 + 10 \times 6 + 13 \times 7 + 14 \times 5 + 17 \times 1}{27}$$

$$\approx 10,96$$

2 حساب النسبة المئوية لعدد التلاميذ الذين تحصلوا على نقطة

أكبر أو تساوي 10 هو 70,37% لأن:

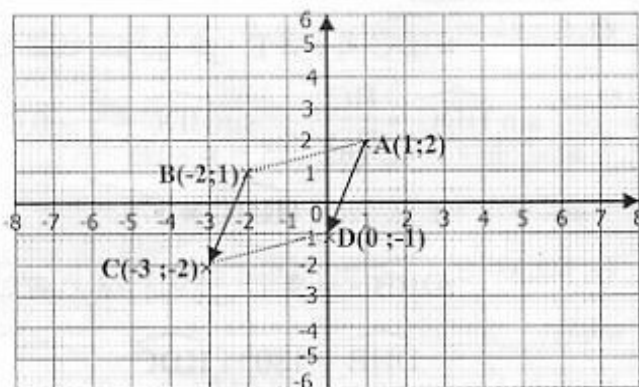
عدد التلاميذ الذين تحصلوا على نقطة أكبر أو تساوي 10 هو:

$$6 + 7 + 5 + 1 = 19$$

$$P = \frac{19 \times 100}{27} \approx 70,37$$

حل التمرين (3):

1 الجواب على الرسم.



2 حساب طول AB و BC:

$$AB = \sqrt{(-2-1)^2 + (1-2)^2}$$

$$AB = \sqrt{10}$$

$$BC = \sqrt{(-3-(-2))^2 + (-2-1)^2}$$

$$BC = \sqrt{10}$$

3 حساب إحداثيات الشعاع $\overrightarrow{BC}$:

$$\overrightarrow{BC} (-3-(-2); -2-1) = \overrightarrow{BC} (-1; -3)$$

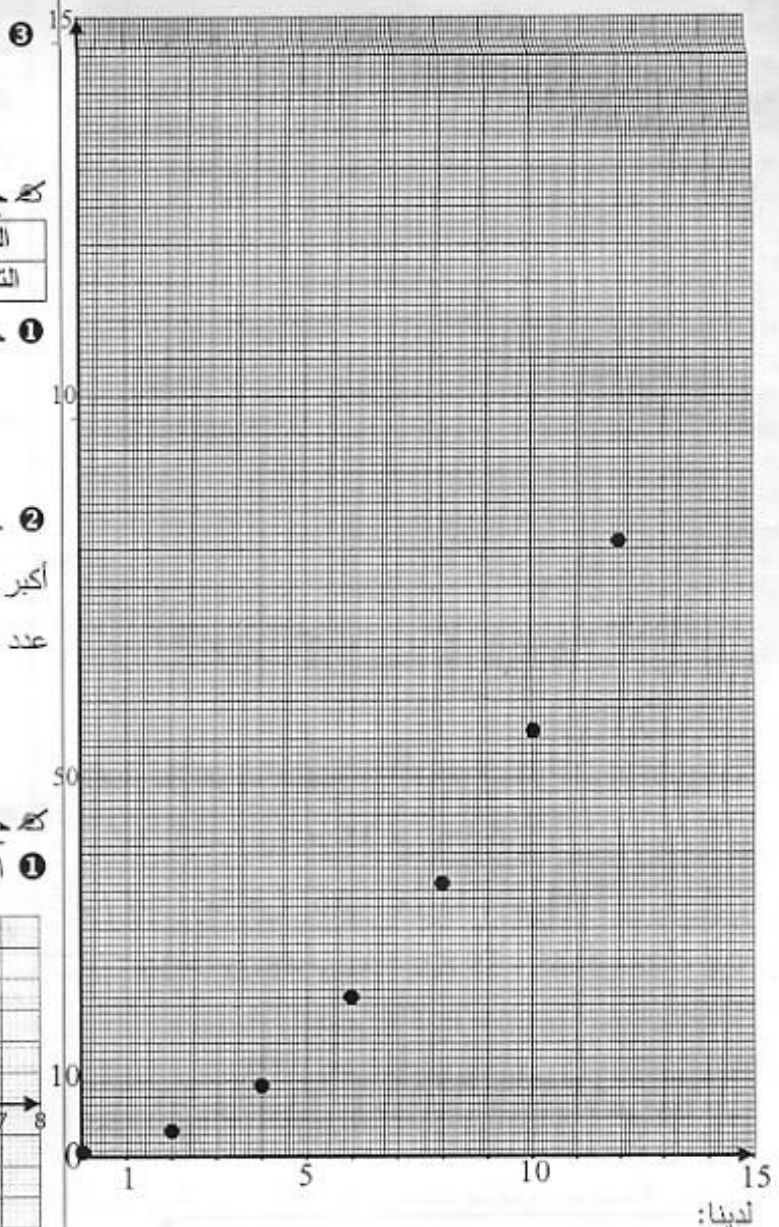
4 الجواب على الرسم.

5 إثبات أن الرباعي ABCD معين:

بما أن $\overrightarrow{BC} = \overrightarrow{AD}$ معناه الرباعي ABCD متوازي

الأضلاع إذن $\overrightarrow{AB} = \overrightarrow{DC}$ وبما أن $AB = BC = \sqrt{10}$

معناه كل الأضلاع متساوية إذن الرباعي ABCD معين.



لدينا:

$$\neq \frac{4}{9} \neq \frac{6}{20,25} \neq \frac{8}{36} \neq \frac{10}{56,25} \neq \frac{12}{81}$$

معناه أن المساحة MNPQ غير متناسبة مع الطول SM

حل الموضوع الخامس

■ الجزء الأول:

التمرين (1):

$$A = \frac{1}{9} - \frac{15}{9} \times \frac{1}{6}$$

$$= \frac{1}{9} - \frac{5}{9} \times \frac{1}{2} = \frac{2}{18} - \frac{5}{18} = -\frac{3}{18}$$

$$A = -\frac{1}{6}$$

$$B = \sqrt{48} - 3\sqrt{12} + 7\sqrt{3}$$

$$B = \sqrt{4^2 \times 3} - 3\sqrt{2^2 \times 3} + 7\sqrt{3}$$

$$B = 4\sqrt{3} - 6\sqrt{3} + 7\sqrt{3}$$

$$B = 5\sqrt{3}$$

حل التمرين (4):

① حساب القاسم المشترك الأكبر PCGD للعددين 1183 و 455.

$$1183 = 455 \times 2 + 273$$

$$455 = 273 \times 1 + 182$$

$$273 = 182 \times 1 + 91$$

$$182 = 91 \times 2 + 0$$

$$\text{PGCD}(1183; 455) = 91 \quad \text{ومنه:}$$

② كتابة $\frac{1183}{455}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال:

$$\frac{1183}{455} = \frac{91 \times 13}{91 \times 5} = \frac{13}{5}$$

• الجزء الثاني:

حل المسألة:

I - ① طول الحاجز DH:

نستعمل نظرية فيثاغورس لأن المثلث CDH قائم في C

$$DH^2 = DC^2 + CH^2$$

$$DH^2 = 4^2 + 3^2 = 25$$

$$DH = 5 \text{ m} \quad \text{ومنه:}$$

② حساب القيمة التقريبية إلى 1° للزاوية $\widehat{HDC}$:

$$\sin \widehat{HDC} = \frac{HC}{HD} ; \sin \widehat{HDC} = \frac{3}{5} = 0,6$$

$$\widehat{HDC} \approx 37^\circ \quad \text{ومنه:}$$

③ حساب القيمة التقريبية إلى 1° للزاوية $\widehat{DHB}$:

$$\widehat{DHB} = 180^\circ - \widehat{HDC}$$

$$\widehat{DHB} \approx 180^\circ - 37^\circ = 143^\circ$$

$$\widehat{DHB} \approx 143^\circ \quad \text{ومنه:}$$

II - ① أ/ التعبير بدلالة x عن مساحة الغرفة ②:

$$f(x) = 2x \quad \text{ومنه:} \quad S_2 = \frac{4 \times x}{2} = 2x$$

ب/ التعبير بدلالة x ، S_1 مساحة الإقامة ①:

$$S_1 = S_{ABCD} - S_2 = 4 \times 12 - 2x = 48 - 2x$$

$$g(x) = 48 - 2x \quad \text{ومنه:}$$

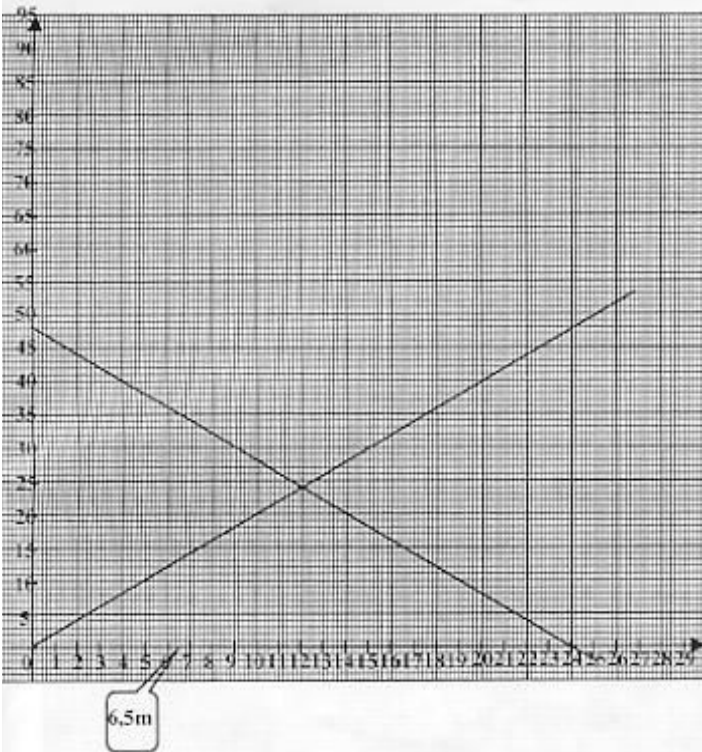
② أ/ الدالة $f(x) = 2x$ هي من الشكل $f(x) = ax$

معناه الدالة خطية.

أمّا الدالة $g(x) = -2x + 48$ هي من الشكل $g(x) = ax + b$ معناه

الدالة تألفية.

ب/ على الرسم.



③ أ/ من الرسم يتضح أن القيمة العظمى لـ x التي تجعل

مساحة ① تساوي 35 cm^2 هي $6,5 \text{ m}$.

ب/ المتراجحة هي: $48 - 2x > 35$

ج/ $48 - 2x > 35$ ومنه: $48 - 35 > 2x$ أي $13 > 2x$

$$x < \frac{13}{2} = 6,5$$

$$S = [0; \frac{13}{2}] \quad \text{الحلول هي:}$$

حل الموضوع السادس

• الجزء الأول:

حل التمرين (I):

①

$$A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} \div \frac{5}{24}$$

$$A = \frac{3}{7} - \frac{15}{7} \times \frac{24}{5} = \frac{3}{7} - \frac{3}{7} \times \frac{24}{1}$$

$$A = \frac{3-72}{7} = -\frac{69}{7}$$

أ/ ②

$$B = \sqrt{300} - 4\sqrt{27} + 6\sqrt{3}$$

$$B = \sqrt{10^2 \times 3} - 4\sqrt{3^2 \times 3} + 6\sqrt{3}$$

$$B = 10\sqrt{3} - 12\sqrt{3} + 6\sqrt{3}$$

$$B = 4\sqrt{3}$$

2 عدد التلاميذ الذين تحصلوا على معدل أقل من 12 هو 19

$$9 + 8 + 2 = 19$$

3 عدد التلاميذ الذين تحصلوا على معدل أقل من 8 هو 10

$$8 + 2 = 10$$

4 النسبة المئوية لعدد التلاميذ الذين معدلاتهم محصورة بين 8 و 12 (أقل تماماً) هي: 25,71%

$$P_{8 < n < 12} = \frac{9 \times 100}{35} = 25,71$$

حل التمرين (4):

الموضوع	طبيعة
المثلث ABC	قائم في B
الزاوية ABF	قائمة أي تساوي 90°
الرباعي ABFE	مستطيل
الزاوية ACG	قائمة أي تساوي 90°
الرباعي ACEG	مستطيل

الجزء الثاني:

حل المسألة:

1 المسافة التي تبعد عن مدينة بشار والتي يكون قد قطعها موسى.

* عندما $x = 4$ هي $60 \times 4 = 240 \text{ km}$

* عندما $x = 10$ هي $60 \times 10 = 600 \text{ km}$

2 المسافة التي تبعد عن مدينة بشار يكون قد وصل إليها سفيان.

* عندما $x = 4$ هي $900 - 90 \times 4 = 540 \text{ km}$

* عندما $x = 10$ هي $900 - 90 \times 10 = 0 \text{ km}$

3 أ/ المسافة الفاصلة بين موسى ومدينة بشار بدلالة x هي:

$$60 \times x \text{ أي } 60x$$

ب/ المسافة الفاصلة بين سفيان ومدينة بشار بدلالة x هي:

$$900 - 90 \times x \text{ أي } 900 - 90x$$

4

10	4	1	0	x
600	240	60	0	$f(x)$
0	540	81	90	$g(x)$
		0	0	

5 رسم التمثيل البياني:

6 أ/ يتلاقى موسى مع سفيان بعد 6 ساعات (6h).

ب/ يتلاقى موسى مع سفيان على بعد 360km من مدينة بشار.

7 أ/ يتلاقى موسى مع سفيان معناه:

$$f(x) = g(x)$$

$$60x = 900 - 90x$$

$$C = (5 + \sqrt{3})^2$$

$$C = 5^2 + 2 \times 5 \times \sqrt{3} + (\sqrt{3})^2$$

$$C = 28 + 10\sqrt{3}$$

$$D = (\sqrt{2} + \sqrt{5})(\sqrt{2} - \sqrt{5})$$

$$D = (\sqrt{2})^2 - (\sqrt{5})^2$$

$$D = 2 - 5$$

$$D = -3$$

حل التمرين (2):

1 حل الجملة:

$$\begin{cases} x + 2y = 1790 \\ 4x + y = 2610 \end{cases}$$

بعد ضرب طرفي المعادلة (2) في -2 تصبح الجملة:

$$\begin{cases} x + 2y = 1790 \dots\dots\dots 1 \\ -8x - 2y = -5220 \dots\dots\dots 2 \end{cases}$$

بجمع 1 و 2 نجد:

$$-7x = -3430 \text{ ومنه: } x = \frac{-3430}{-7} \text{ أي } x = 490$$

نعوض في إحدى المعادلتين 1 أو 2 نجد:

$$4 \times 490 + y = 2610 \text{ ومنه: } y = 2610 - 1960$$

$$\text{أي: } y = 650$$

$$S = \{(490; 650)\}$$

2 نرسم لثمن القاموس الواحد بـ x وبـ y لثمن الموسوعة الواحدة.

إذا ثمن قاموس وموسوعتين هو $x + 2y$ الذي يساوي

$$1790 \text{ دج أي } x + 2y = 1790$$

و ثمن 4 قواميس وموسوعة واحد هو $4x + y$ الذي يساوي

$$2610 \text{ دج أي } 4x + y = 2610$$

- لإيجاد ثمن القاموس الواحد و ثمن الموسوعة الواحد علينا حل الجملة:

$$\begin{cases} x + 2y = 1790 \\ 4x + y = 2610 \end{cases}$$

وحسب السؤال السابق فإن $x = 490$ و $y = 650$ أي ثمن

القاموس الواحد هو 490 دج و ثمن الموسوعة الواحد 650 دج.

حل التمرين (3):

1 عدد التلاميذ الذين معدلاتهم محصورة بين 12 و 16 (أقل

$$\text{تماماً) هو } 11 = 35 - (2 + 8 + 9 + 5)$$

النقطة n	$0 \leq n < 4$	$4 \leq n < 8$	$8 \leq n < 12$	$12 \leq n < 16$	$16 \leq n < 20$
عدد تلاميذ	2	8	9	11	5

$50^\circ = 90^\circ$ إذن $\widehat{BAC} = 90^\circ$ معناه المثلث ABC قائم في A

- من الشكل 3 لدينا $(DE) \parallel (AC)$ و $\widehat{D} = 90^\circ$ وبما أن

الزاويتان $\widehat{A}$ و $\widehat{D}$ متبادلتان داخليا إذن $\widehat{A} = 90^\circ$ معناه المثلث ABC قائم في A

حل التمرين (3):

1 بحسب المبلغ الذي دفعه الصديقان كما يلي:

$$x + 2y = 150 \text{ الذي يساوي 150 دج ومنه:}$$

- بحسب المبلغ الذي دفعه الطلبة كما يلي:

$$5x + 9y = 735 \text{ الذي يساوي 735 دج ومنه:}$$

$$\begin{cases} x + 2y = 150 \\ 5x + 9y = 735 \end{cases}$$

الجملة المطلوبة هي:

2 لحساب ثمن البيوترة (الواحدة) و ثمن كأس من العصير علينا حل الجملة السابقة.

$$\begin{cases} 9x + 18y = 1350 \\ 10x + 18y = 1470 \end{cases}$$

ب طرح المعادلة الأولى من الثانية نجد: $x = 120$ بعد التعويض

في إحدى المعادلتين نجد $y = 15$

ومن ثمن البيوترة هو 120 دج و ثمن الكأس الواحد من العصير هو 15 دج.

حل التمرين (4):

1 الحجم الحقيقي للمخروط يعطى بالعلاقة:

$$V = \frac{\text{الارتفاع} \times \text{مساحة قاعدة}}{3}$$

- مساحة القاعدة هي: $S = \pi R^2 = \pi 7^2 = 49\pi$

$$V_{SABCD} = \frac{49\pi \times 12}{3} = 196\pi \text{ cm}^3 \approx 616 \text{ cm}^3$$

2 معامل تصغير الأطوال هو: $\frac{SO'}{SO} = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$

3 معامل تصغير الحجم هو: $\left(\frac{1}{4}\right)^3$

- الحجم الحقيقي للمخروط الصغير:

$$V' = \left(\frac{1}{4}\right)^3 V = \frac{1}{64} \times 196\pi = \frac{49}{16}\pi \text{ cm}^3$$

القيمة التقريبية إلى cm^3 هي: $V' \approx 10 \text{ cm}^3$

الجزء الثاني:

حل المسألة:

I - 1 مساحة قاعدة البحث:

لدينا: $AM = 1 \text{ m}$ و $MF = 8 \text{ m}$

$$\text{و } EF = ED + DF = 6 + 1 = 7 \text{ M}$$

$$90x + 60x = 900$$

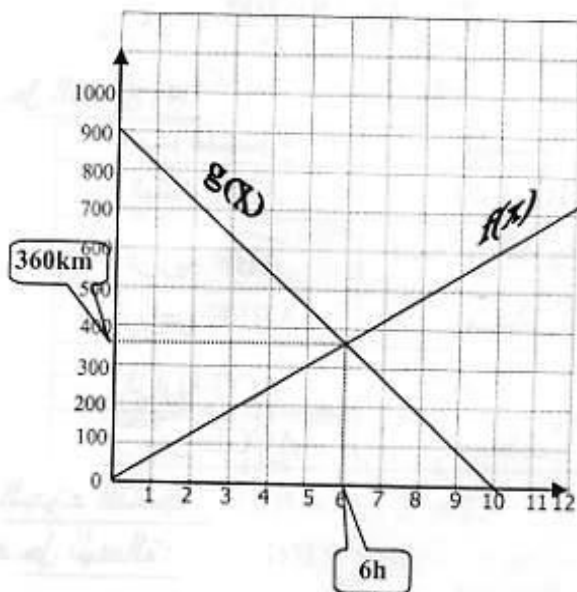
$$150x = 900$$

$$x = \frac{900}{150} = 6 \text{ بعد 6 ساعات}$$

ب/ نعوض $x = 6$ في إحدى الدالتين نجد:

$$f(6) = g(6) = 360$$

يتلاقى موسى مع سفيان على بعد 360km من مدينة بشار.



حل الموضوع السابع

الجزء الأول:

حل التمرين (1):

1 و 2

$$A = \frac{2}{3} - \frac{7}{3} \times \frac{8}{21}$$

$$B = \sqrt{50} - 2\sqrt{18}$$

$$A = \frac{2}{3} - \frac{1}{3} \times \frac{8}{3}$$

$$B = \sqrt{5^2 \times 2} - 2\sqrt{3^2 \times 2}$$

$$A = \frac{3}{3} \times \frac{2}{3} - \frac{8}{9} = \frac{6-8}{9}$$

$$B = 5\sqrt{2} - 6\sqrt{2}$$

$$A = -\frac{2}{9}$$

$$B = -\sqrt{2}$$

$$A = -\frac{1}{3}$$

حل التمرين (2):

من الشكل 1 لدينا: $BC^2 = 50^2 = 2500$

$$AB^2 + AC^2 = 30^2 + 40^2$$

$$= 900 + 1600 = 2500$$

معناه $BC^2 = AB^2 + AC^2$ إذن المثلث ABC قائم في A

- من الشكل 2 لدينا $\widehat{ABC} = \widehat{AEC} = 50^\circ$ (محيطيتين تحصران نفس القوس).

في المثلث $\widehat{ABC} + \widehat{ACB} = 40^\circ + \widehat{ABC}$

بقسم العددين 800 و 550 ولإيجاد أكبر قيمة لـ c علينا حساب القاسم المشترك الأكبر 800 و 550.

ب/ لدينا:

$$800 = 550 \times 1 + 250$$

$$550 = 250 \times 2 + 50$$

$$250 = 50 \times 5 + 0$$

$$P.G.C.D(800;550) = 50 \text{ ومنه: } c=50$$

ج/ عدد البلاطات على طول قاعة الاجتماعات هو 16 بلاطة:

$$\frac{800}{50} = 16$$

- عدد البلاطات على عرض قاعة الاجتماعات هو 11 بلاطة:

$$\frac{550}{50} = 11$$

- عدد البلاطات في قاعة الاجتماعات هو 176 بلاطة لأن:

$$16 \times 11 = 176$$

③ مساحة البلاطة الواحدة هي: $50 \times 50 = 2500 \text{cm}^2$ أي

$0,25 \text{m}^2$ معناه كل متر مربع مكون من 4 بلاطات.

عدد الأمتار المربعة من البلاط اللازمة هي: $\frac{176}{4} = 44$

- ما يجب دفعه لشراء البلاط اللازم لتغطية هذه القاعة

$$\text{هو: } 135 \times 44 = 5940 \text{DA}$$

حل الموضوع الثامن

• الجزء الأول:

حل التمرين (1):

$$A = \frac{6300 \times 10^4}{21 \times 10^5} = \frac{6300}{21} \times 10^{4-5} = 300 \times 10^{-1}$$

$$A = 30$$

$$B = (\sqrt{3}+1)^2 \times (4-2\sqrt{3})$$

$$B = (3+2\sqrt{3}+1) \times (4-2\sqrt{3})$$

$$B = (4+2\sqrt{3}) \times (4-2\sqrt{3})$$

$$B = (4)^2 - (2\sqrt{3})^2$$

$$B = 16 - 4 \times 3 = 16 - 12$$

$$B = 4$$

حل التمرين (2):

$$12 \rightarrow 60$$

$$100 \rightarrow x$$

$$x = \frac{60 \times 100}{12} = 500 \text{ سعر اللعبة هو 500 دج} \text{ ①}$$

② المسافة بين المدينتين هي:

$$280 \text{km} = 280 \times 100000 \text{cm} = 28 \times 10^6 \text{cm}$$

$$S_{AMFE} = \frac{MF(AM+EF)}{2} = \frac{8 \times (7+1)}{2} = \frac{8 \times (7+1)}{2}$$

$$S_{AMFE} = 32 \text{cm}^2$$

$$MB = AB - AM = 9 - 1 = 8$$

لدينا:

مساحة قاعة الاجتماعات: $S_{MBCF} = MB \times BC = 8 \times 8$

$$S_{MBCF} = 64 \text{cm}^2$$

② مساحة شبه المنحرف AMFE:

$$S_{AMFE} = \frac{MF(AM+EF)}{2} = \frac{8(x+x+6)}{2}$$

$$S_{AMFE} = 8x + 24$$

ب/ مساحة المستطيل MBCF:

$$S_{MBCF} = MB \times BC = 8(9 - x)$$

$$S_{MBCF} = -8x + 72$$

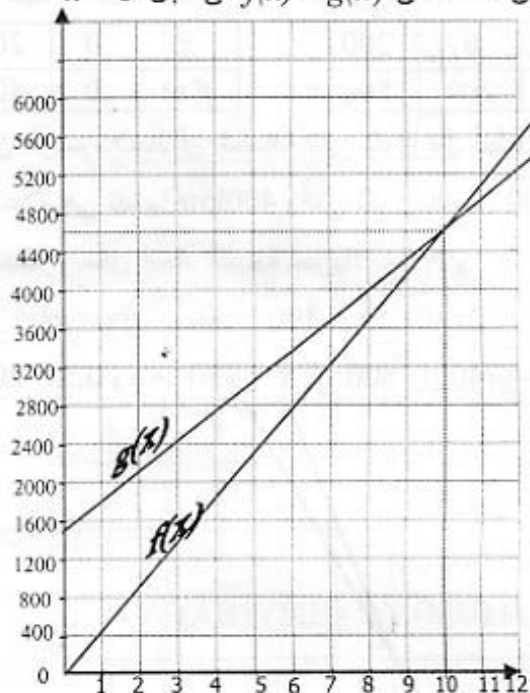
$$f(x) = -8x + 72$$

$$g(x) = 8x + 24 \text{ ③}$$

x	0	9
$f(x)$	72	0

x	0	5
$g(x)$	24	64

أ/ من البيان نلاحظ أن $f(x) = g(x)$ من أجل $x = 3$



ب/ $f(x) = g(x)$ يكفي:

$$-8x + 72 = 8x + 24$$

$$16x = 48$$

$$x = 3$$

$$f(3) = -8 \times 3 + 72 = 48$$

إذن المساحة الكلية للمراب هي: $48 \times 2 = 96 \text{cm}^2$

II - لدينا: $x = 3,5$

① أبعاد قاعة الاجتماعات MBCF:

$$MB = 9 - 3,5 = 5,5 \text{m}$$

$$MB = 550 \text{cm}$$

$$BC = 800 \text{cm}$$

و

- عند ما يستعمل السيد بوعلام سيارته الخاصة يستهلك 60L من البنزين لأن: البنزين المستهلك في الكيلو متر الواحد هو $\frac{10}{100} = 0,1L$ ومنه: $0,1 \times 600 = 60$

كلفة النقل هي 1200 دج لأن: $60 \times 20 = 1200 DA$

- عند ما يستعمل السيد بوعلام سيارة أجرة كلفة النقل هي 1100 دج لأن: $1,5 \times 600 + 200 = 1100 DA$

ومنه الاختيار الأقل كلفة هو استعمال سيارة أجرة.

② عند ما يستعمل السيد بوعلام سيارته الخاصة كلفة تنقله الكيلومتر الواحد هو: 2 دج لأن: $\frac{10}{100} \times 20 = 2$ ومنه كلفة

تنقل x كيلومتر هو: $y = 2x$

- عندما يستعمل السيد بوعلام سيارة أجرة كلفة تنقله تحسب:

$$y = 1,5 \times x + 200$$

$$y = 1,5x + 200$$

③ أ/ لدينا: $f(x) = 2x$ و $g(x) = 1,5x + 200$

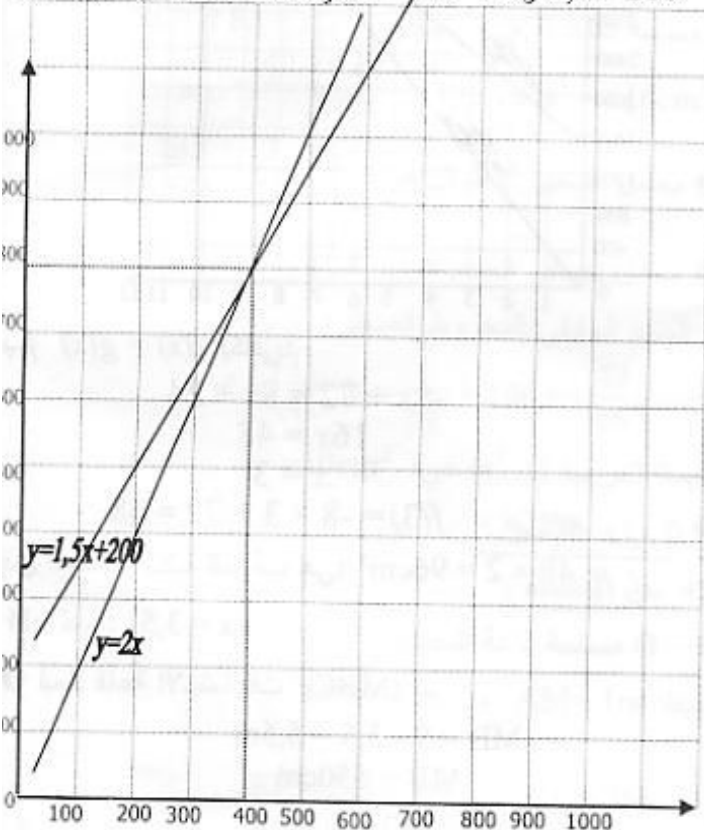
x	0	200
$g(x)$	200	500

x	0	200
$f(x)$	0	400

ب/ من الرسم نلاحظ أن المسافة التي تكون من أجلها كلفة تنقل السيد علام هي نفسها 400km والتي تكون كلفتها 800 دج.
* ملاحظة: ويمكن إيجاد النتيجة جبريا:

نضع: $f(x) = g(x)$ ومنه: $2x = 1,5x + 200$

$0,5x = 200$ ومنه: $x = 400$ أي: $f(400) = g(400) = 800$



إذن المقياس الذي رسمت به هذه الخريطة هو $1/4\ 000\ 000$

$$\frac{7}{28 \times 10^6} = \frac{1}{4 \times 10^6} = \frac{1}{4000\ 000}$$

③ لدينا:

$$672 = 364 \times 1 + 308$$

$$364 = 308 \times 1 + 56$$

$$308 = 56 \times 5 + 28$$

$$56 = 28 \times 2 + 0$$

ومنه: $PGCD(672; 364) = 28$

$$\frac{672}{364} = \frac{28 \times 24}{28 \times 13} = \frac{24}{13}$$

الاختزال:

كحل التمرين (3):

$$A: 16; 12; 11; 9; 0$$

$$B: 19; 17; 11; 8; 3$$

$$C: 15; 2; 18; 7; 11$$

السلسلة الإحصائية المدى: 16 والمتوسط: 11 والوسط: 10,6

المدى هو C: $A = 16 - 0 = 16$

$$B = 19 - 3 = 16$$

$$C = 18 - 2 = 16$$

الوسيط هو 11 للسلاسل الثلاث.

$$A: 16; 12; 11; 9; 0$$

$$B: 19; 17; 11; 8; 3$$

$$C: 18; 15; 11; 7; 2$$

المتوسط الحسابي:

$$\overline{X}_A = \frac{0+9+11+12+16}{5} = 9,6$$

$$\overline{X}_B = \frac{3+8+11+17+19}{5} = 11,6$$

$$\overline{X}_C = \frac{2+7+11+15+18}{5} = 10,6$$

كحل التمرين (4):

① بما أن (CM) عمودي على كلا من (BC) و (MN) فإن (MN) // (BC).

$$\frac{OB}{ON} = \frac{OC}{OM} = \frac{9}{15} = 0,6$$

② حسب طاليس لدينا: $\frac{OB}{ON} = 0,6$ ومنه:

$$OB = 17,5 \times 0,6 = 10,5cm$$

$$OB = 10,5cm$$

• الجزء الثاني:

كحل المسألة:

① المسافة بين مدينتي الجزائر وغرداية هي 600km

حل الموضوع التاسع

• الجزء الأول:

• حل التمرين (1):

1 نشر A:

$$A = (3x - 2)^2 - (x + 1)^2$$

$$A = (9x^2 - 12x + 4) - (x^2 + 2x + 1)$$

$$A = 8x^2 - 14x + 3$$

2 تحليل A:

$$A = (3x - 2)^2 - (x + 1)^2$$

$$A = [(3x - 2) - (x + 1)][(3x - 2) + (x + 1)]$$

$$A = (2x - 3)(4x - 1)$$

$$(2x - 3)(4x - 1) = 0 \quad \text{إذن} \quad (3x - 2)^2 - (x + 1)^2 = 0$$

$$\text{إذن} \quad 2x - 3 = 0 \quad \text{أو} \quad 4x - 1 = 0 \quad \text{ومنه:} \quad x = \frac{3}{2} \quad \text{أو} \quad x = \frac{1}{4}$$

$$S = \left\{ \frac{1}{4}; \frac{3}{2} \right\}$$

• حل التمرين (2):

$$x = \frac{\sqrt{5} - \sqrt{3}}{\sqrt{5}} \times \frac{\sqrt{5}}{\sqrt{5}} = \frac{5 - \sqrt{15}}{5}$$

$$z = 2y - 5x$$

$$z = 2 \times \frac{\sqrt{5}}{2} - 5 \times \frac{5 - \sqrt{15}}{5}$$

$$z = \sqrt{5} - 5 + \sqrt{15}$$

$$z = \sqrt{5} + \sqrt{15} - 5$$

$$z \approx 1,11$$

• حل التمرين (3):

1 حساب MH:

لدينا $(AB) \parallel (MH)$ لأن: (MH) و (AB) عموديين على (BC) حسب طاليس لدينا:
 $\frac{HM}{AB} = \frac{CM}{CB}$ لدينا: $CM = CB - BM$
 $= 4\sqrt{3} - \sqrt{3} = 3\sqrt{3}$

بعد التعويض نجد:

$$\frac{HM}{4} = \frac{3\sqrt{3}}{4\sqrt{3}} \quad \text{ومنه:} \quad HM = 3\text{cm}$$

2 حساب $\widehat{AMB}$:

$$\tan \widehat{AMB} = \frac{MB}{AB} \quad \text{بعد التعويض نجد:} \quad \tan \widehat{AMB} = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

$$\widehat{AMB} = \frac{\sqrt{3}}{4}$$

باستعمال الآلة الحاسبة نجد: $\widehat{AMB} \approx 23^\circ$

• حل التمرين (4):

1 عدد الصيادين المشاركين في المسابقة هو 40

$$20 + 10 + 6 + 1 + 3 = 40$$

2 عدد الصيادين الذين اصطادوا أكثر من 1500 g هو 4

$$1 + 3 = 4$$

3 حساب النسبة المئوية للصيادين الذين اصطادوا كمية من السمك كتلتها x حيث $1500 \geq x > 1000$ هي: 15% لأن:

$$P = \frac{100 \times 6}{40} = 15$$

• الجزء الثاني:

• حل المسألة:

I- أ/ مداخيل الفلاح خلال شهر جوان هي:

$$23 \times 200 = 4600 \text{ DA}$$

ب/ مصاريف خلال شهر جوان هي:

$$3 \times 200 + 2600 = 3200 \text{ DA}$$

2 بما أن المداخيل أكبر من المصاريف فإن هناك أرباح.

المبلغ المحقق هو: 1400 دج لأن:

$$4600 - 3200 = 1400 \text{ DA}$$

II- 1 مبلغ المداخيل هو: $R(x) = 23 \times x$ ومنه $R(x) = 23x$

$$D(x) = 3x + 2600 \quad \text{ومنه:} \quad D(x) = 3 \times x + 2600$$

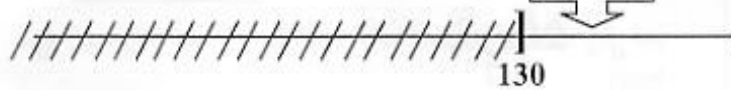
2 أ/ مبلغ المصاريف هو: $R(x) > D(x)$ نعوض:

$$23x > 3x + 2600$$

$$20x > 2600 \quad \text{ومنه:} \quad x > \frac{2600}{20} \quad \text{إذن} \quad x > 130$$

$$S =]130; +\infty[$$

الحلول



ب/ يمكن تفسير النتيجة السابقة كما يلي:

لكي يربح الفلاح عليه أن يبيع أكثر من 130kg من الخبز في الشهر.

3 أ/ لحساب كتلة الخبز حتى يربح الفلاح مبلغ قدره 2000DA نضع:

$$R(x) - D(x) = 2000$$

$$23x - (3x + 2600) = 2000$$

$$x = 230\text{kg} \quad \text{ومنه:} \quad 20x = 4600$$

كتلة الخبز هي: 230kg

ب/ من الرسم نلاحظ أن عندما يكون $x > 130$ يقع (d_1) فوق (d_2) .

$$S = \frac{5}{7} \text{ cm}^2 \text{ ومنه: } S = \frac{49-14}{49} = \frac{35}{49} = \frac{5}{7} \text{ cm}^2$$

③ حساب محيط مستطيل أبعاده a و b :

$$P = 2(a + b)$$

$$P = 2\left(\frac{7-\sqrt{14}}{7} + \frac{7+\sqrt{14}}{7}\right) = \frac{28}{7}$$

$$P = 4 \text{ cm}$$

حل التمرين (3):

لحساب الطولين نضع: $AC = x$ و $BC = y$

لدينا: $x + y + 27 = 108$ أي $x + y = 81$ 1.....

باستعمال نظرية فيثاغورس لدينا: $x^2 - y^2 = 27^2$

$$\text{ومنه: } (x - y)(x + y) = 729$$

$$\text{ومنه: } (x - y) \times 81 = 729$$

$$2..... x - y = 9 \text{ أي } x - y = \frac{729}{81} = 9$$

$$\text{نحل المعادلة } \begin{cases} x + y = 81 \\ x - y = 9 \end{cases}$$

بالجمع نجد $2y = 90$ إذن $y = 45$

بالتعويض في إحدى المعادلتين نجد: $x = 36$

ومنه: $AC = 36 \text{ cm}$ و $BC = 45 \text{ cm}$

حل التمرين (4):

① تعليم النقاط انظر الرسم.

② حساب الأطوال:

$$AB = \sqrt{(3-(-3))^2 + (5-2)^2}$$

$$AB = \sqrt{(6)^2 + (3)^2}$$

$$AB = \sqrt{45}$$

$$AB = \sqrt{3^2 \times 5}$$

$$AB = 3\sqrt{5}$$

$$AC = \sqrt{(6-(-3))^2 + (-1-2)^2}$$

$$AC = \sqrt{9^2 + (-3)^2}$$

$$AC = \sqrt{90}$$

$$BC = \sqrt{(6-3)^2 + (-1-5)^2}$$

$$BC = \sqrt{3^2 + (-6)^2}$$

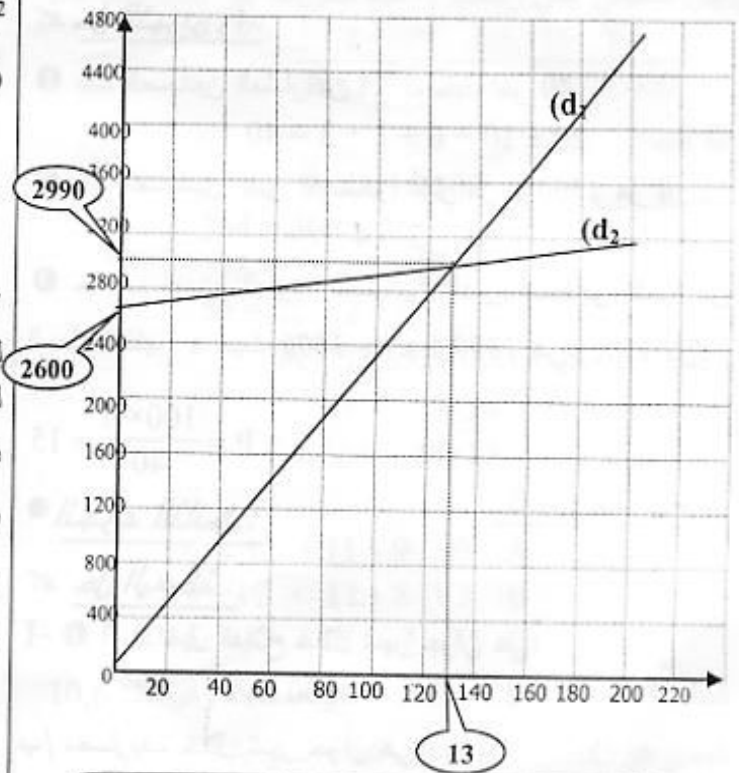
$$BC = \sqrt{45} = 3\sqrt{5}$$

$$BC^2 + AB^2 = (\sqrt{45})^2 + (\sqrt{45})^2 = 90 = AC^2$$

معناه المثلث ABC قائم في B وبما أن: $AB = BC$ إذن هو قائم ومتساوي الساقين.

→ →

④ أنظر الشكل بما أن $BA = CD$ فإن الرباعي $ABCD$ متوازي أضلاع ولدينا ABC مثلث قائم ومتساوي الساقين إذن الرباعي $ABCD$ مربع.



حل الموضوع الحادي عشر

• الجزء الأول:

حل التمرين (1):

نرمز بـ x للعدد الطبيعي المطلوب لدينا: $x^2 = 2x$

لإيجاد x علينا حل المعادلة: $x^2 = 2x$

$$x^2 - 2x = 0 \text{ ومنه: } x(x-2) = 0 \text{ إذن } x = 0 \text{ أو } x - 2 = 0$$

$$x = 0 \text{ مرفوض أو } x = 2$$

ومنه العدد الطبيعي الغير معدوم، الذي مربعه يساوي ضعفه هو 2.

حل التمرين (2):

$$a = \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{2})}{\sqrt{7}}$$

$$a = \frac{(\sqrt{7}-\sqrt{2})}{\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$$

$$a = \frac{7-\sqrt{14}}{7}$$

$$b = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{2})}{\sqrt{7}}$$

$$b = \frac{(\sqrt{7}+\sqrt{2})}{\sqrt{7}} \times \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}}$$

$$b = \frac{7+\sqrt{14}}{7}$$

② حساب مساحة مستطيل أبعاده a و b :

$$S = a \times b$$

$$S = \frac{7-\sqrt{14}}{7} \times \frac{7+\sqrt{14}}{7} = \frac{7^2 - (\sqrt{14})^2}{7^2}$$

- حساب حجم الحساء المستهلك:

$$V_S \approx 4909 \times \frac{4}{5} \text{ ومنه: } V_S \approx 3927 \text{ cm}^3$$

- عدد المرات التي استعملت خالتي هنية المغرفة هو 15 مرة: $\frac{V_S}{V_L} \approx \frac{3927}{262} \approx 15$

حل الموضوع الحادي عشر

• الجزء الأول:

• حل التمرين (1):

1 حساب القاسم المشترك الأكبر PCGD للعددين 210 و 441.

$$441 = 210 \times 2 + 21$$

$$210 = 21 \times 10 + 0$$

ومنه: $\text{PGCD}(441; 210) = 21$

2 كتابة $\frac{441}{210}$ على شكل كسر غير قابل للاختزال.

$$\frac{441}{210} = \frac{21^2}{21 \times 10} = \frac{21}{10}$$

• حل التمرين (2):

- المثلث ABM قائم في B لدينا حسب نظرية طاليس:

$$AM^2 = AB^2 + BM^2$$

$$AM^2 = 6^2 + 2^2 = 40$$

$$AM = \sqrt{4 \times 10}$$

$$AM = 2\sqrt{10}$$

- بما أن (BM) // (CN) بتطبيق خاصية طاليس يكون لدينا:

$$\frac{MB}{NC} = \frac{AB}{AC} \text{ بعد التعويض نجد: } \frac{2}{NC} = \frac{6}{10}$$

$$\text{ومنه: } NC = \frac{2 \times 10}{6} = \frac{10}{3}$$

$$NC \approx 3,33 \text{ cm}$$

• حل التمرين (3):

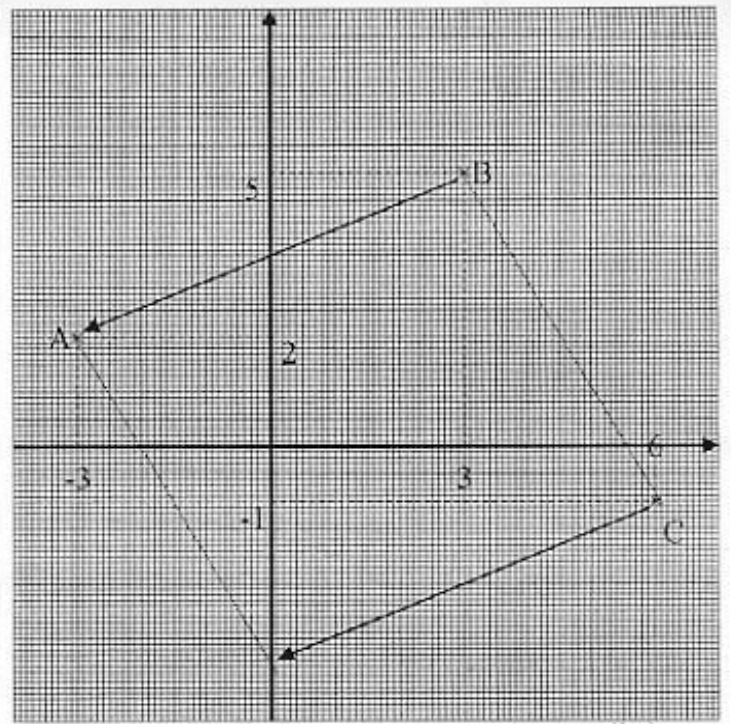
1

$$\begin{cases} x + 2y = 30 \\ x + y = 23 \end{cases}$$

بعد طرح المعادلة الثانية من الأولى نجد: $y = 7$

نعوض في إحدى المعادلتين نجد: $x = 16$

$$s = \{(16; 7)\}$$



• حل التمرين (5):

1 عدد تلاميذ الفوج التربوي هو: $4 + 10 + 5 + 8 = 27$

عدد الدورات	3	6	7	10
عدد التلاميذ	4	10	5	8
التكرار المجمع الصاعد (المتزايد)	4	14	19	27

3 حساب الوسط الحسابي:

$$\bar{X} = \frac{3 \times 4 + 6 \times 10 + 7 \times 5 + 10 \times 8}{27} \approx 7$$

• الجزء الثاني:

• المسألة:

1. حساب حجم الحساء:

$$V = \frac{2}{3} \pi \times R^2 \times h$$

$$V = \pi \times \left(\frac{25}{2}\right)^2 \times \frac{2}{3} (15)$$

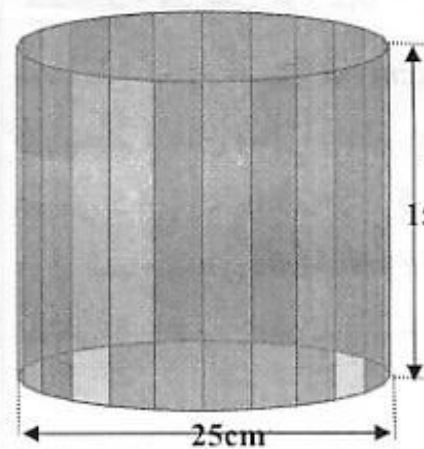
$$V \approx 4909 \text{ cm}^3$$

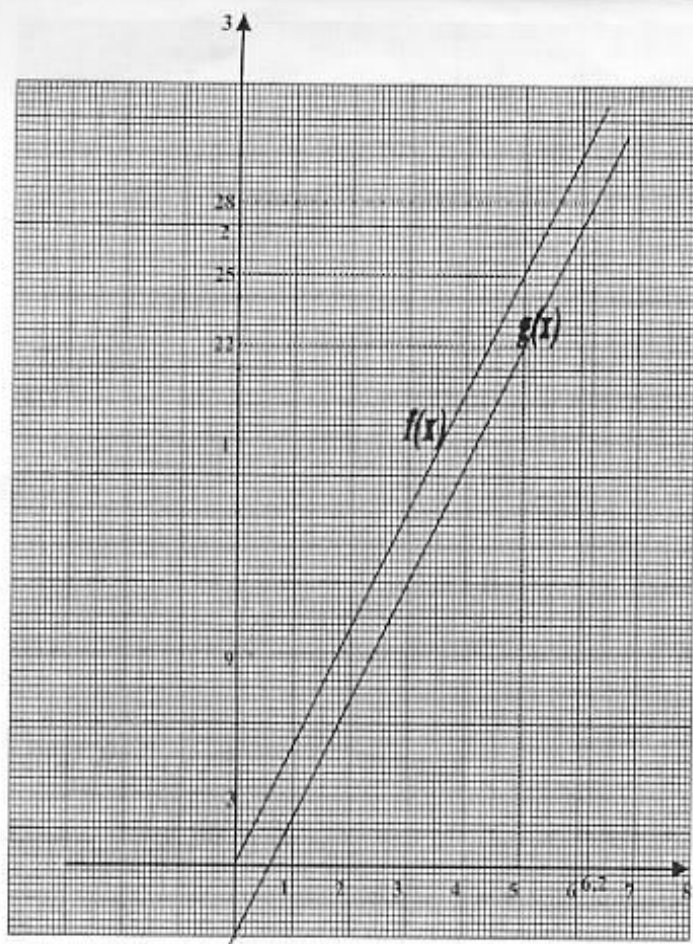
2 حساب حجم المغرفة:

$$V_L = \frac{1}{2} \times \left(\frac{4}{3} \pi \times R^3\right)$$

$$V_L = \frac{2}{3} \pi \times (5)^3$$

$$V_L \approx 262 \text{ cm}^3$$





③ أ/ بياننا نلاحظ أن طول ضلع البستان هو 6,2m

(انظر في الشكل أعلاه)

④ ب/ بياننا محيط البستان هو 25 m و طول السياج هو 22 m.

(انظر في الشكل أعلاه)

⑤ أ/ طول السياج 28m إذن $g(x) = 28$ ومنه:

$$5x - 3 = 28 \quad \text{الحل هو: } x = \frac{31}{5} = 6,2$$

معناه طول ضلع البستان هو 6,2cm

ب/ محيط البستان يعطى بالدالة $f(x) = 5x$

$$\text{نعوض } x = 5, \quad f(5) = 5 \times 5 = 25m$$

طول السياج يعطى بالدالة $g(x) = 5x - 3$

$$\text{نعوض } x = 5, \quad g(5) = 5 \times 5 - 3 = 22m$$

② مجموع عدد الأوراق من الفئتين هو: $x + y = 23$

$$500x + 1000y = 15000 \quad \text{المبلغ الكلي للفئتين هو:}$$

بعد قسمة أطراف المعادلة على 500 نجد: $x + 2y = 30$

ومنه الجملة المطلوبة هي:

$$\begin{cases} x + 2y = 30 \\ x + y = 23 \end{cases}$$

من السؤال 1 نستنتج أن:

• عدد الأوراق النقدية من فئة 500 دينار هو 16.

• عدد الأوراق النقدية من فئة 1000 دينار هو 7.

حل التمرين (4):

① تبسيط A:

$$A = \sqrt{12} + \sqrt{60}$$

$$A = \sqrt{2^2 \times 3} + \sqrt{2^2 \times 15}$$

$$A = 2\sqrt{3} + 2\sqrt{15}$$

$$A = 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$$

$$B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}}$$

②

$$B = \frac{1 + \sqrt{5}}{\sqrt{3}} \times \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{3}}$$

$$B = \frac{\sqrt{3} + \sqrt{15}}{3}$$

$$\frac{1}{2}A = \frac{1}{2} \times 2(\sqrt{3} + \sqrt{15})$$

③

$$= (\sqrt{3} + \sqrt{15})$$

$$= 3 \times \frac{\sqrt{3} + \sqrt{15}}{3} = 3B$$

• الجزء الثاني:

حل المسألة:

① محيط البستان هو: $f(x) = 5x$

$f(x) = 5x$ وهي دالة خطية

طول السياج هو:

$$g(x) = 5x - 3$$

$$g(x) = 5x - 3$$

وهي دالة تآلفية.

② تمثيل الدالة $f(x) = 5x$

والدالة $g(x) = 5x - 3$

